UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ DEPARTAMENTO ACADÊMICO DE ELETRÔNICA BACHARELADO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

WELLINGTON RICARDO FRANKLIN DE CAMARGO

ANÁLISE E SIMULAÇÃO DO CONVERSOR PONTE COMPLETA ZVS COM MODULAÇÃO POR DESLOCAMENTO DE FASE

TRABALHO DE CONCLUSÃO DE CURSO

PONTA GROSSA 2019

WELLINGTON RICARDO FRANKLIN DE CAMARGO

ANÁLISE E SIMULAÇÃO DO CONVERSOR PONTE COMPLETA ZVS COM MODULAÇÃO POR DESLOCAMENTO DE FASE

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado como requisito parcial à obtenção do título de Bacharel em Engenharia Elétrica, do Departamento Acadêmico de Eletrônica, da Universidade Tecnológica Federal do Paraná.

Orientador: Prof. Dr. Eloi Agostini Jr



Ministério da Educação Universidade Tecnológica Federal do Paraná Câmpus Ponta Grossa Diretoria de Graduação e Educação Profissional Departamento Acadêmico de Eletrônica Engenharia Elétrica



TERMO DE APROVAÇÃO

ANÁLISE E SIMULAÇÃO DO CONVERSOR PONTE COMPLETA ZVS COM MODULAÇÃO POR DESLOCAMENTO DE FASE

por

WELLINGTON RICARDO FRANKLIN DE CAMARGO

Este Trabalho de Conclusão de Curso foi apresentado em 05 de julho de 2019 como requisito parcial para a obtenção do título de Bacharel(a) em Engenharia Elétrica. O(A) candidato(a) foi arguido(a) pela Banca Examinadora composta pelos professores abaixo assinados. Após deliberação, a Banca Examinadora considerou o trabalho aprovado.

Prof(a). Dr. Eloi Agostini Junior Orientador(a)

Prof(a). Dr. Claudinor Bitencourt NascimentoMembro Titular Prof(a). Dr. Hélio Voltolini Membro Titular

Prof. Dr. Josmar Ivanqui Responsável pelos TCC Prof. Dr. Sergio Okida Coordenador do Curso

- O Termo de Aprovação assinado encontra-se na Coordenação do Curso -

Dedico este trabalho aos meus pais, Clewerton e Tatiana e à minha esposa Aline

AGRADECIMENTOS

Agradeço primeiramente a Deus por ter me dado a vida, sem ele eu nada seria.

Agradeço à minha família pelo a poio emocional e financeiro durante os anos da faculdade ao meu pai Clewerton e à minha mãe Tatiana. Sou grato à minha esposa Aline, pelo companheirismo durante os anos de faculdade enquanto ainda éramos namorados, e por todo apoio que me prestou no decorrer dos anos. Agradeço aos meus avós, Marisa, Venerando e Luzia, por todo apoio, palavras de incentivo e motivação que me prestaram nesses anos.

Agradeço aos meus amigos e colegas da UTFPR Câmpus Ponta Grossa, que compartilharam comigo dos anos mais desafiadores e que mais me trouxeram crescimento, ao menos até o momento da escrita deste texto. Agradeço por seu companheirismo, pela amizade, por toda ajuda que recebi e também pela oportunidade que me proporcionaram de crescer ao permitir que eu compartilhasse com eles do meu conhecimento. Não citarei nomes para não cometer a injustiça de esquecer alguém, pois foram todos muito importantes nessa jornada.

Sou muito grato ao meu professor orientador, Dr. Eloi Agostini Junior, por todo auxílio prestado no desenvolvimento deste trabalho e por ter participado da minha formação em uma das disciplinas mais fundamentais do curso, Eletrônica I. Sua dedicação e paciência em ensinar foram o que tornaram esse trabalho possível.

Agradeço a todos os professores que participaram da minha formação. Dedico um agradecimento especial àqueles que tornaram minha vida mais difícil, com desafios e grandes dificuldades para aprovação em suas disciplinas, sem dúvida foram os momentos em que mais cresci intelectualmente e analiticamente. Hoje compreendo que tudo isso contibuiu para meu crescimento, meus sinceros agradecimentos.

Agradeço a todos os que participaram dessa jornada, direta ou indiretamente, mais um ciclo se encerra na minha vida, e lembrarei sempre com saudades da minha querida UTFPR, que me transformou de muitas maneiras, e me mostrou um mundo de possibilidades, me abriu a mente para a ciência e me proporcionou uma grande capacidade de raciocínio, dedução e compreensão dos mais diversos problemas.

RESUMO

CAMARGO, Wellington Ricardo Franklin de. **ANÁLISE E SIMULAÇÃO DO CONVERSOR PONTE COMPLETA ZVS COM MODULAÇÃO POR DESLOCAMENTO DE FASE**. 2019. 94 f. Trabalho de Conclusão de Curso (Bacharelado em Engenharia Elétrica) – Universidade Tecnológica Federal do Paraná. Ponta Grossa, 2019.

Este trabalho tem por objetivo estudar um conversor CC-CC ponte competa com secundário controlado, discorrer sobre as etapas de funcionamento e descrever matematicamente sua operação. O conversor CC-CC em ponte completa com saída em tensão e comutação suave é o objeto de estudo. Explorar as possibilidades de aplicações em sistemas que necessitam de alimentação simétrica, sendo balaceada ou não é também um objetivo do trabalho. Apresenta-se uma análise matemática detalhada das etapas de operação do conversor, o que oferece uma contribuição para o futuro desenvolvimento de conversores do mesmo tipo. Os cálculos realizados e o funcionamento do circuito são comprovados através da simulação de um modelo de 500 W, com tensão de saída de 50 V e frequência de comutação de 50 kHz. Explora-se uma situação com dupla saída e com níveis de tensão distintos em cada uma delas, comprovando que essa topologia é capaz de operar com cargas desbalanceadas.

Palavras-chave: Eletrônica de potência. Conversor Ponte Completa. Tensão simétrica. Comutação Suave. Secundário Controlado.

ABSTRACT

CAMARGO, Wellington Ricardo Franklin de. **ANALYSIS AND SIMULATION OF THE ZVS PHASE-SHIFT FULL-BRIDGE CONVERTER**. 2019. 94 p. Final Courseworkis (Bachelor's Degree in Electrical Engineering) – Federal University of Technology – Paraná. Ponta Grossa, 2019.

This work's objective is to study a secondary-controlled full-bridge DC-DC converter, discuss its operation stages and describe mathematically its operation. The full bridge DC-DC converter with capacitive output and soft switching is the object of study. Explore the applications possibilities on systems that need symmetrical feeding, balanced or not, is also an objective of the work. It is presented a detailed mathematical analysis of the converter's operating stages, which contributes to future development on converters of the same type. The calculations made and the operation of the circuit are proven by a simulation of a 500 W model, with 50 V output voltage and switching frequency of $50 \ kHz$. A situation with two outputs is briefly explored, with distinct voltage levels between them, proving that this topology is capable of operating with unbalanced loads.

Keywords: Power Eletronics. Full Bridge Converter. Symmetrical Output. Soft Commutation. Controlled Secondary.

LISTA DE ILUSTRAÇÕES

Figura 1 – Capacidade instalada de geração elétrica no Brasil (MW)	15
Figura 2 – Topologia de um conversor CC-CC ponte completa convencional	17
Figura 3 – Convesor CC-CC ponte completa com saída controlada	18
Figura 4 – Estrutura básica de um aerogerador	19
Figura 5 – Estrutura básica de um aerogerador com estágio CC-CC	20
Figura 6 – Estrutura básica de uma microrrede CC	22
Figura 7 – Estrutura básica de uma microrrede CC Bipolar	22
Figura 8 – Estrutura de uma microrrede CC Bipolar com saída de $\pm 320V$	23
Figura 9 – Exemplo de um inversor NPC de três níveis	24
Figura 10 – Exemplo de um amplificador classe D	25
Figura 11 – Estágio de potência do amplificador classe D	25
Figura 12 – Topologia do conversor FB-PS-ZVS	27
Figura 13 – Primeira etapa de operação	28
Figura 14 – Segunda etapa de operação	29
Figura 15 – Terceira etapa de operação	30
Figura 16 – Quarta etapa de operação	30
Figura 17 – Quinta etapa de operação	31
Figura 18 – Sexta etana de operação	32
Figura 19 $-$ Sátima etana de operação	32
Figura 20 $-$ Formas de onda básicas MCC	34
Figura 21 Circuito equivalente da etana 1	25
Figura 22 — Circuito equivalente da etapa 7	20
Figura 22 – Circuito equivalente da etapa 2	20
Figura 23 – Official de intervales de temps para operação em MCC	ა/ ეი
Figura 24 – Deninição de intervalos de tempo para operação em MOC	30 44
	41
Figura 26 – Corrente no capacitor de salda em MCC	43
Figura 27 – Estorços dos interruptores de entrada MCC	45
Figura 28 – Estorços dos elementos magneticos	47
	48
Figura 30 – Estorços nos diodos de saida	49
Figura 31 – Estorços nos transistores de saida	50
Figura 32 – Formas de onda básicas MCD	52
Figura 33 – Definição de intervalos de tempo MCD	55
Figura 34 – Corrente de saída em MCD	56
Figura 35 – Esforços dos interruptores de entrada MCD	57
Figura 36 – Esforços ns magnéticos em MCD	58
Figura 37 – Esforços nos diodos de saída em MCD	59
Figura 38 – Esforços dos interruptores de saída MCD	60
Figura 39 – Ganho estático em função de I_o , eq1 MCC	62
Figura 40 – Ganho estático em função de I_o , eq2 MCC	63
Figura 41 – Ganho estático em função de I_o , MCD	64
Figura 42 – Característica de saída do conversor	66
Figura 43 – Representação gráfica dos esforços nos semicondutores	67
Figura 44 – Representação gráfica dos esforços no indutor	67

Figura 45	- Representação gráfica da corrente média de saída	68
Figura 46	– Esquemático de simulação	72
Figura 47	- Corrente no indutor, simulação	74
Figura 48	- Corrente no secundário, simulação	74
Figura 49	– Esforços nos elementos, simulação	75
Figura 50	– Medição dos esforços nos elementos, simulação	75
Figura 51	- Corrente de saída do conversor com saída simples	76
Figura 52	– Medição da corrente de saída em saída simples	77
Figura 53	– Tensão e corrente de saída do conversor	77
Figura 54	– Ondulação de tensão na saída	78
Figura 55	– Ondulação de corrente na saída	78
Figura 56	– Ondulação de tensão na saída, medição	78
Figura 57	– Ondulação de corrente na saída, medição	78
Figura 58	- Circuito simulado para comutação suave	79
Figura 59	– Comutação suave nos interruptores S_1 e S_4	79
Figura 60	– Comutação suave no interruptor S_6	80
Figura 61	 Circuito Esquemático de simulação com dois braços de saída 	81
Figura 62	- Corrente sobre transistores de entrada, circuito com duas saídas	82
Figura 63	- Medição dos esforços sobre transistores de entrada, circuito com	
	duas saídas	82
Figura 64	- Corrente sobre dois indutores, circito com das saídas	83
Figura 65	- Medição da corrente sobre dois indutores, circito com duas saídas .	83
Figura 66	- Corrente sobre elementos da ponte de saída, cicuito com duas saídas	84
Figura 67	- Medição da corrente sobre elementos da ponte de saída, cicuito com	
- :		85
Figura 68	- Iensao e corrente nas saidas, circuito com duas saidas	86
Figura 69	- Comutação suave nos transistores de entrada, circuito com duas	~7
E ' 70		87
Figura 70	- Comutação suave nos transistores da saida 1, circuito com duas	07
Ligura 71	Saldas	87
Figura / I	- Comutação suave nos transistores da saída 2, circuito com duas	00
Eiguro 70	Saluas	00
rigura /2		00
Eiguro 72	Sao despaianceada	89
Figure 74	- Corrente nos semicondulores de entrada, cargas desbalanceadas .	09
rigura 74	- Corrente encaz nos semicondutores de entrada, cargas desbalan-	00
Eiguro 75	Carrente pos indutoros, carras desbalanceadas	09
Figura 75	- Corrente eficaz nos indutores, cargas desbalanceadas	90
Figura 70	Corrente encaz nos indutores, cargas desbalanceadas	90
Figura 78	- Corrente eficaz nos semicondutores de saída, cargas desbalanceadas	90 00
Figura 70	- Comutação suave nos interruptores de entrada, cargas desbalanceadas	30
i igula 75	adas	90
Figura 80	– Comutação suave nos interruptores da saída 1. cargas desbalance-	00
i igula oo	adas	91
Figura 81	- Comutação suave nos interruptores da saída 2 cargas desbalance-	0.
	adas	91
Figura 82	– Tensão e corrente na saída. cargas desbalanceadas	91
Figura 83	- Medição da tensão e da corrente de saída, cargas desbalanceadas	91
-		

LISTA DE TABELAS

Tabela 1 – Modos de operaç	
Tabela 2 – Parâmetros de pr	ο
Tabela 3 - Valores calculado	
Tabela 4 – Pulsos de coman	orimeiro caso
Tabela 5 - Resultados de sir	ção, correntes e intervalos de tempo 73
Tabela 6 - Esforços nos eler	os, resultados de simulação 76

LISTA DE SÍMBOLOS

CC	Corrente Contínua	[A]
CA	Corrente Alternada	[A]
V_{cc}	Tensão em corrente contínua	[V]
V_{ca}	Tensão em corrente alternada	[V]
V_{rms}	Tensão eficaz	[V]
L_k	Indutância de dispersão	[H]
V_i	Tensão de entrada	[V]
V_o	Tensão de saída	[V]
V'_o	Tensão de saída refletida ao primário	[V]
I_o	Corrente de saída antes do filtro capacitivo	[A]
I_{Lk}	Corrente na indutância de dispersão	[A]
I_{Mag}	Corrente nos elementos magnéticos	[A]
P_o	Potência de saída	[W]
C_o	Capacitor de filtro de saída	[F]
f_s	Frequência de comutação	[Hz]
T_s	Intervalo de tempo de comutação $(1/f_s)$	[s]
D	Razão cíclica	
n	Relação de transformação	
q	Ganho estático	
$\bar{I_x}$	Corrente de parametrização	
\bar{I}'_x	Corrente de parametrização refletida ao primário	
V_{GS}	Tensão Gate - Source	[V]
V_{DS}	Tensão <i>Drain - Source</i>	[V]
PWM	Pulse width modulation	
TBJ	Transistor bipolar de junção	
ZVS	Zero Voltage Switching	
PS	Phase Shift	
MCC	Modo de condução contínua	
MCD	Modo de condução descontínua	
MOSFET	Metal Oxide Semiconductor Field Effect Transistor	
FB-PS-ZVS	Full Bridge Phase Shifted Zero Voltage Switching	
S_1	Chave 1	
S_2	Chave 2	
S_3	Chave 3	
S_4	Chave 4	

S_5	Chave 5	
S_6	Chave 6	
D_1	Diodo 1	
D_2	Diodo 2	
D_3	Diodo 3	
D_4	Diodo 4	
D_5	Diodo 5	
D_6	Diodo 6	
D_7	Diodo 7	
D_8	Diodo 8	
C_1	Capacitância parasita na chave 1	
C_2	Capacitância parasita na chave 2	
C_3	Capacitância parasita na chave 3	
C_4	Capacitância parasita na chave 4	
C_5	Capacitância parasita na chave 5	
C_6	Capacitância parasita na chave 6	
t_0	Instante de tempo 0	
t_1	Instante de tempo 1	
t_2	Instante de tempo 2	
t_3	Instante de tempo 3	
t_4	Instante de tempo 4	
Δt_1	Intervalo de tempo $t_0 - t_1$	[s]
Δt_2	Intervalo de tempo $t_1 - t_2$	[s]
Δt_4	Intervalo de tempo $t_2 - t_4$	[s]
Δq	Variação de carga	
ΔV_o	Ondulação da tensão de saída	[V]
α	Ängulo de defasagem entre os pulsos de comando	

SUMÁRIO

4		4.4
1		14
1.1		10
1.2		10
1.2.1		10
1.2.2		17
1.3		17
2	ANALISE QUALITATIVA DO CONVERSOR FB-PS-ZVS	27
2.1	ETAPA 1 ($t_0 - t_1$)	28
2.2	ETAPA 2 $(t_1 - t_2)$	29
2.3	ETAPA 3 $(t_2 - t_3)$	29
2.4	ETAPA 4 $(t_3 - t_4)$	30
2.5	ETAPA 5 $(t_4 - t_5)$	31
2.6	ETAPA 6 $(t_5 - t_6)$	31
2.7	ETAPA 7 $(t_6 - t_7)$	32
3	ANÁLISE DO CONVERSOR FB-PS-ZVS EM MCC	34
3.1	PRIMEIRA ETAPA DE OPERAÇÃO $(t_0 - t_1)$	35
3.2	SEGUNDA ETAPA DE OPERAÇÃO $(t_1 - t_2)$	36
3.3	TERCEIRA E QUARTA ETAPAS DE OPERAÇÃO $(t_2 - t_4)$	37
3.4	SOLUÇÃO DO SISTEMA PARA MCC	37
3.5	PARAMETRIZAÇÃO	39
3.6	COBBENTE MÉDIA DE SAÍDA	40
361		40 41
3 7		/1
3.8		12
3.0		42
3.9 201	Esforços nos interruptores de entrada	40
3.9.1		40
3.9.2		47
3.9.3		49
3.9.4		50
4		52
4.1		53
4.2		53
4.3		54
4.3.1		55
4.4	CORRENTE MEDIA DE SAIDA	56
4.4.1	Parametrização de I_o em MCD	57
4.5	ESFORÇOS NOS ELEMENTOS DO CIRCUITO	57
4.5.1	Esforços nos interruptor da ponte de entrada	57
4.5.2	Esforços nos magnéticos	58
4.5.3	Esforços nos semicondutores de saída	59
4.5.4	Parametrização dos esforços em MCD	60
5	CARACTERÍSTICA DE SAÍDA	62
5.1	GANHO ESTÁTICO EM MCC	62
5.2	GANHO ESTÁTICO EM MCD	63

5.3	LIMITE ENTRE MCC E MCD	33
5.4	REPRESENTAÇÃO GRÁFICA DOS ESFORÇOS	36
6	PROJETO DO CONVERSOR	39
6.1	PARÂMETROS DE PROJETO	39
6.1.1	Resultados numéricos	70
6.1.2	Resultados de simulação	71
6.1.2.1	Primeira simulação	72
6.1.2.2	Segunda simulação	30
6.1.2.3	Terceira simulação	35
7	CONCLUSÃO	3 2
	REFERÊNCIAS) 3

1 INTRODUÇÃO

Em 2017, após dois anos de queda, o consumo de eletricidade no Brasil cresceu 1,2% em relação a 2016, alcançando 467TWh, mantendo o país entre os dez maiores consumidores do mundo (EPE, 2018).

A capacidade instalada de geração no Brasil teve uma expansão de 4,5%, em mesma base de comparação, para a qual contribuiu majoritariamente a geração hidráulica. Porém, a maior expansão proporcional ocorreu na geração solar, que fechou o ano de 2017 com uma potência instalada quase quarenta vezes superior à do ano anterior (EPE, 2018).

No que diz respeito à eletricidade gerada, o crescimento foi de 1,6% entre os anos de 2016 e 2017, com as maiores altas na geração eólica (+26,5%) e à gás natural (+16,1%). A geração hidráulica, por outro lado, teve uma queda de 2,6%. Caíram também as emissões de gases de efeito estufa: -4,9% no Sistema Interligado Nacional e -5,1% na geração elétrica no país (EPE, 2018).

Estes dados mostram que, apesar de ser um país com alto potencial hidrelétrico, o Brasil apresenta preocupações com o ramo energético, no que diz respeito à geração de energia e emissão de gases poluentes na atmosfera. A crescente utilização das energias solar e eólica evidenciam esse fato, o que além de tornar o país mais sustentável, abre portas para pesquisas e desenvolvimento de tecnoogias para operar no setor energético.

Segundo o relatório da agência americana EIA (*Energy Information Administration*) a demanda mundial de eletricidade crescerá 93% entre os anos de 2010 e 2040 (EIA,2013). A projeção para o Brasil é de um crescimento de 50,6% entre 2015 e 2024 (OLIVEIRA; DONOSO-GARCIA, 2015).

Dentre as fontes de energia renovável destacam-se a eólica e a solar. Segundo dados obtidos a partir do Anuário Estatístico de Energia Elétrica, o Brasil conta com 7,8% de geração de energia eólica e 0,6% de geração fotovoltaica para o ano de 2017. Maiores detalhes sobre a capacidade instalada de geração elétrica no país nos ultimos anos podem ser vistos no gráfico da figura 1.

A partir dos dados apresentados fica evidente o interesse do uso de energias renováveis e, consequentemente, a redução do uso de fontes de energia não renová-





```
Fonte: (EPE, 2018)
```

vies, como aquelas que se utilizam de combustíveis fósseis, a saber o carvão mineral, o óleo e o gás natural.

Não só a sustentabilidade do planeta é alvo do desenvolvimento tecnológico das energias renováveis, mas também o desenvovimento de tecnologia. A história mostra que um dos maiores motores para o desenvolvimento de ciência e tecnologia foram as guerras. A corrida espacial, em especial, gerou um grande boom no desenvolvimento tecnológico aéroespacial e de telecomunicações.

A geração de energia elétrica atual em breve não será capaz de suprir toda a demanda, o que refletirá diretamente na vida dos brasileiros, seja no custo das tarifas energéticas, ou mesmo na falta desse recurso tão essencial do dia a dia. Sendo assim, é possível projetar um cenário onde grandes conflitos em busca desse recurso podem emergir. Algo dessa natureza certamente forçaria a humanidade a desprender enormes esforços na criação, desenvolvimento e aperfeiçoamento das tecnologias já existentes, afim de melhor aproveitar a energia elétrica e de encontrar novas formas para sua geração, armazenamento e distribuição. Esse tipo de projeção serve como incentivo para o desenvolvimento de novas tecnologias e para o aperfeiçoamento das atuais.

1.1 MOTIVAÇÃO

O estudo da eletricidade é uma das áreas do conhecimento com maior importância nos dias atuais, pois compreende desde a análise eletrônica dos semicondutores em seu nível fundamental, até o desenvolvimento de circuitos analógicos, digitais, programáveis e, finalmente, circuitos de eletrônica de potência, que implementam todos os estágios anteriores.

A constante evolução da microeletrônica possibilita a criação de dispositivos cada vez menores, mais poderosos e mais eficientes, que, aliados aos dispositivos de potência permitem o gerenciamento da energia elétrica de forma mais eficiente e proveitosa.

O mercado de energias renováveis é um motor para o desenvolvimento da eletrônica de potência. Existe um número elevado de soluções apresentadas para tornar mais eficiente uma série de problemas do dia a dia, por exemplo os sistemas de iluminação que, com o uso de conversores CA-CC permitem alimentação de lâmpadas baseadas na tecnologia LED, apresentando alto desempenho, baixo consumo e durabilidade superior às lampadas incandescentes, halógenas e até mesmo as fluorescentes.

Com a crescente demanda de dispositivos de potência para a alimentação de cargas CC, vê-se a necessidade de dispositivos capazes de alimentar cargas simétricas, como um amplificador de áudio, microrredes CC bipolares ou ainda uma solução para o estágio de potência de um inversor de três níveis.

1.2 OBJETIVOS

O objetvo do trabalho é o estudo e compreensão de uma topologia de conversor CC-CC.

1.2.1 Objetivo Geral

O objetivo geral é o estudo da topologia do conversor ponte completa com modulação por deslocamento de fase e comutação sob tensão nula (FB-PS-ZVS), a descrição matemática de suas etapas de funcionamento e o projeto do conversor com saída simétrica, bem como a validação do seu funcionamento através de simulações.

- 1.2.2 Objetivo Específico
 - Obter pleno conhecimento do funcionamento da topologia do conversor sob estudo.
 - Apresentar uma análise matemática suficientemente detalhada para o projeto e implementação do circuito.
 - Validar os resultados matemáticos a partir de simulações do circuito.

1.3 FUNDAMENTAÇÃO TEÓRICA

Dentre as inúmeras topologias de circuito e soluções existentes para o processamento de energia CC estão os conversores ponte completa. A figura 2 mostra um circuito clássico para essa aplicação (BARBI, 1999).

Figura 2 – Topologia de um conversor CC-CC ponte completa convencional



Fonte: (BARBI, 1999)

Essa topologia de circuito apresenta diversas características interessantes quando comparado a outros circuitos mais simples. Pode-se citar a possibilidade de isolação galvânica entre a fonte de entrada e a carga, a possibildiade de ação *buck* (abaixador de tensão) e, por ser dotado de um transformador, o ganho do circuito pode ser ajustado na relação de transformação, o que possibilita uma infinidade de conbinações possíveis.

O conversor a ser estudado é o FB-PS-ZVS, do inglês *Full Bridge Phase Shifted Zero Voltage Switching*, ou seja, conversor ponte completa com moduação por mudança de fase e comutação suave sob tensão nula. O circuito em questão é apresentado na figura 3 (ZHANG FAN ZHANG; QIAN, 2004).





Fonte: (ZHANG FAN ZHANG; QIAN, 2004)

Esta topologia é especialmente interessante por interruptores controláveis na saída, dessa maneira o fluxo de potência na saída pode ser inteiramente controlado por estes elementos. Além disso, esse conversor possibilita múltiplas saídas, podendo ser ajustado para diversas aplicações, como exemplo amplificadores de áudio, microrredes CC bipolares ou ainda o estágio de entrada de um inversor multinível.

Aplicações usuais para fontes de energia simétrica são amplificadores de áudio, que necessitam de alimentação simétrica para total excursão do sinal a ser amplificado, microrredes CC bipolares, que é um assunto relativamente atual e que vem ganhando expressividade e, inversores de três níveis, que necessitam de alimentação simétrica no estágio de entrada.

Os conversores CC-CC em especial têm um papel importante em todo o sistema de geração e transmissão de energia renovável. Esses circuitos são capazes de elevar ou abaixar os níveis de tensão e corrente em uma rede elétrica, sendo utilizados também para isolação galvânica.

A energia eólica já é realidade no Brasil, com uma expressividade de 7,8% frente aos 0,6% da energia solar, sendo ambas boas soluções para geração de energia limpa. Apesar da porcentagem reduzida, a energia solar tem crescido muito no Brasil, e cada vez mais se implementam sistemas para geração distribuida utilizando geração fotovoltaica.

Um dos maiores limitadores atuais para a geração fotovoltaica é a tecnologia dos painéis, que ainda apresentam baixa eficência, sendo necessário um grande volume de painéis e, consequentemente, uma grande área de terra para a implantação de uma usina solar. Os maiores esforços para o desenvolvimento da energia solar se concentram na melhoria da tecnologia dos painéis.

Os painéis fotovoltaicos normalmente fornecem baixos níveis de tensão. Por isso, faz-se necessária a associação de vários desses painéis em série e em paralelo, visando obter níveis de tensão mais próximos àqueles que serão usados. Pensando em uma aplicação residencial padrão, em que são necessários 127 *Vca*, pode ser necessário elevar ou abaixar a tensão CC gerada nos painéis e, em seguida, passar essa energia por um estágio inversor para gerar CA e então alimentar as cargas, como geladeiras, televisores, aquecedores e demais cargas presentes em uma casa comum.

A respeito dos aerogeradores, podem ser implementados por um motor de indução, um motor síncrono, ou ainda um motor com imãs permanentes, sendo que as aplicações com motores assíncronos do tipo gaiola de esquilo são as mais usuais. Os geradores fornecem tensão CA em sua saída, que normalmente são condicionadas para integração com a rede elétrica por meio de transformadores, no caso de geradores de alta potência.

A figura 4 mostra a estrutura básica de um aerogerador de imãs permanentes (BúRGIO, 2016).





Como visto nesse sistema, a energia CA trifásica gerada é retificada, passando então por um estágio inversor e finalmente é entregue à rede através de um transformador, que além de isolação garante a adequação dos níveis de energia que serão injetados na rede elétrica.

É possível também ter um estágio CC-CC em um sistema de geração eólica,

Fonte: (BúRGIO, 2016)

dessa forma a energia pode ser usada para alimentar cargas CC. Tendo em mente que existem conversores CC-CC isolados que, além do ajuste dos níveis de tensão fazem a isolação galvânica entre gerador e cargas. A figura 5 apresenta um sistema simplificado onde, após a retificação, a energia passa por um estágio CC e é entregue às cargas.





Em alguns casos não se deseja converter a tensão CC proveniente dos painéis solares ou de aerogeradores para CA, desse modo a tensão é distribuída e utilizada em CC. Esse é o caso das microrredes CC.

O Art. 2° da Resolução Normativa n° 687 da ANEEL de 24 de novembro de 2015 trata de centrais geradoras de energia e, define como microgeração distribuída unidades geradoras com carga instalada igual ou inferior a 75 kW que utilizem cogeração qualificada ou fontes renováveis de energia. Define também minigeração as centrais de geração com carga instalada de 75 kW a 3 MW, para hídricas ou menor ou igual a 5 MW para cogeração qualificada ou fontes renováveis de energia 2015 trata de energia (ANEEL, 2015).

Sistemas de geração que utilizam painéis fotovoltaicos e aerogeradores podem ser usados para alimentar subsistemas de energia, como é o caso das microrredes CC.

As microrredes podem ser definidas como o conjunto de pequenos sistemas de distribuição de energia que são integrados a um sistema principal de geração e distribuição. Com o uso de microrredes os sistemas elétricos poderão ser mais inteligentes, além de proporcionar alternativas para a expansão do mercado de energia elétrica (Kakigano et al., 2012).

Fonte: (BúRGIO, 2016)

Pesquisas realizadas ao redor do mundo vêm analizando a melhor maneira de implementar uma microrrede, sendo que a grande maioria das microrredes estudadas são implementadas em CA (MOIA, 2016).

Apesar disso, a implementação de microrredes CC vem crescendo nos últimos anos, devido à necessidade de melhorar aspectos como eficiência, custo, confiabilidade, redução de espaço, dentre outros fatores.

De modo geral, as microrredes podem ser compreendidas como subsistemas que integram recursos de geração distribuída e um conjunto de cargas em uma pequena rede local. Ela deve estar preparada para operar conectada à rede de distribuição e ser capaz de operar ilhada, ou seja, suprir energia na falta de alimentação da rede principal. Tendo isso em vista, se faz indispensável o uso de componentes armazenadores de energia, como bancos de baterias e células combustível (Lasseter, 2002).

Uma microrrede CC normalmente contém um ou mais alimentadores, podendo ser estes: células a combustível, painéis fotovoltaicos, geradores eólicos ou baterias. Também é composta pelas cargas, que são o objetivo final de uma rede de distribuição.

Nos casos em que o dispositivo gerador de energia oferece corrente alternada em sua saída, é necesário um estágio de retificação para entregar energia à rede, sendo comum o uso de um conversor CA-CC para adequar os níveis de energia. Para alimentadores essencialmente CC, os conversores CC-CC também são empregados, para que se adequem os níveis de energia.

Apresenta-se, na figura 6, uma estrutura básica de uma microrrede CC.

A distribuição de energia elétrica em CC não é um conceito novo, e tem sido utilizada para alimentação em embarcações, redes de telecomunicação, *data centers* e outros exemplos {JOABEL.

Dentre as diversas características interessantes das microrredes destacamse a alta confiabilidade, as baixas perdas na transmissão e a capacidade de transferência de altos níveis de potência. Essas características são normalmente encontradas em microrredes CC bipolares. A figura 7 apresenta uma microrrede CC bipolar(HELDWEIN, 2009).

A microrrede apresentada contempla apenas a geração de energia através de painéis fotovoltaicos, porém não se limita a esse tipo de geração, podendo também

Figura 6 – Estrutura básica de uma microrrede CC



Fonte: (BúRGIO, 2016)

Figura 7 – Estrutura básica de uma microrrede CC Bipolar



Fonte: (HELDWEIN, 2009)

ser alimentada por geração eólica. Nota-se na estrutura de rede o barramento CC simétrico. A microrrede também está conectada à rede de distribuição através de um retificador bidirecional, o que sugere que esta microrrede pode também injetar energia na rede de distribuição.

O interesse na distribuição de tensão em CC vem crescendo nos últimos anos. Isso se deve à eficiência da distribuição de energia em CC, sua confiabilidade e por serem sistemas compactos, além disso os dispositivos de eletrônica de potência atuais apresentam alta eficiência e baixo custo.

A vantagem do uso de microrredes CC bipolares comparada a uma unipolar

reside no fato de as perdas na transmissão serem reduzidas, pois cada barramento pode transmitir metade da corrente para a carga. A rede bipolar é capaz de trazer benfícios, como menor custo de manutenção e menor investimento inicial.

É possível fazer a comparação entre uma microrrede bipolar e uma unipolar com os sistemas CA monofásico e CA trifásico. As vantagens do sistema tifásico no que se refere a transmissão e distribuição são conhecidas há algumas décadas (MOIA, 2016).

Apesar do crescente interesse nas tecnologias de microrredes, existem sérios desafios a serem superados nesta área, como a padronização, limitações técnicas falta de legislação e regulamentação, dentre outros (MOIA, 2016).

Dentre os níveis de tensão utilizados nas microrredes bipolares estão: $\pm 170 V, \pm 320 V, \pm 380 V, \pm 400 V, \pm 750 V$. A figura 8 mostra uma possível configuração para uma micrirrede CC bipolar com saída de $\pm 320 V$.





Fonte: (MOIA, 2016)

Outra possibilidade de aplicação do conversor FB-PS-ZVS é em inversores multinível. Um exemplo de inversor multinível clássico é o inversor NPC (*Neutral Point Clamped*). Estes inversores são soluções para operação com altos níveis de energia, visto que é difícil e por vezes caro, encontrar componentes que processem altos níveis de corrente a altas fraquências de comutação. A arquitetura NPC permite aplicação de menores níveis de tensão sobre os interruptores, permitindo o uso de componetes de menor tensão e mais facilmente encontrados no mercado(Nabae; Takahashi; Akagi, 1981).

A figura 9 mostra um inversor NPC.





Fonte: (Nabae; Takahashi; Akagi, 1981)

A partir disso, justifica-se o uso de um conversor CC-CC com saída simétrica para alimentação do estágio de entrada de um inversor de três níveis, visto que este permite excursão positiva e negativa do sinal gerado pelo inversor.

À entrada desse inversor pode ser acoplado o conversor FB-PS-ZVS com saída simétrica, substituindo os capacitores *C*1 e *C*2, pois dessa maneira têm-se as tensões necessárias para o estágio de potência do inversor. A vantagem do uso do conversor como estágio de entrada é que este pode ser capaz de compensar desequilíbrios de carga, o que não acontece no caso do divisor capacitivo.

Devido à capacidade de múltipas saídas do conversor CC-CC sob estudo, é possível o projeto de um conversor para suprir o estágio de entrada de inversores de mais níveis, como o de 5 níveis.

Outra categoria de circuitos que se utilizam de alimentação simétrica são os amplificadodes de áudio, pois nesse tipo de circuito deseja-se excursão positiva e negativa do sinal.

As classes clássicas de amplificadores apresentam baixo rendimento, como as classes A (25% de eficiência, na prática, usualmente 10% a 20%) e B (78,5% de eficiência). Porém existe uma classe de amplificadores que apresenta alto rendimento, com circuitos que entregam até 90% de eficiência. São os amplificadores classe D. Um circuito dessa topologia é apresentado na figura 10 e seu estágio de potência é

mostrado com maiores detalhes na figura 11 (SILVA LEANDRO DOS S. MARTINS, 2009).





Fonte: (SILVA LEANDRO DOS S. MARTINS, 2009)

Figura 11 – Estágio de potência do amplificador classe D



Fonte: (SILVA LEANDRO DOS S. MARTINS, 2009)

O conversor FB-PS-ZVS pode substituir as fontes V_{DC1} e V_{DC2} no circuito da figura 11.

Os amplificadores classe D são amplificadores ditos chaveados, seus elementos ativos operam no corte ou na saturação, isso garante que a dissipação de potência sobre os elementos seja reduzida, permitindo até operação com comutação suave em algumas topologias. Os amplificadores lineares por sua vez necessitam operar sempre na região ativa, no caso de tecnologias com TBJ, como exemplo os amplificadores classe AB. A região ativa dos transistores é a que apresenta maior dissipação de energia por aquecimento, tendo como consequência a redução da eficiência dos circuitos.

Um amplificador chaveado tradicional implementa um modulador PWM, onde o sinal a ser amplificado é comparado com uma onda dente de serra de alta frequência. Essa modulação gera harmônicos, que podem ser prejudiciais à qualidade do som. Para reduzir esse efeito é implementado um filtro passa baixas na saída.

Essa classe de amplificadores pode apresentar alguns inconvenientes, como desvio de fase, de frequência e perda de resolução devido à taxa de amostragem. No entanto são boas opções para sonorização de grandes locais abertos, onde a qualidade final do som não é um fator tão crítico, ou também para amplificar sinais de baixa frequência, como *subwoofers*, onde as distorções citadas são meos perceptíveis.

Amplificadores classe D com potências superiores a 1 kW são facilmente encontrados.

As aplicações apresentadas demandam alimentação simétrica para seu funcionamento, justificando assim o uso de um conversor CC-CC com saída simétrica.

2 ANÁLISE QUALITATIVA DO CONVERSOR FB-PS-ZVS

O artigo (ZHANG FAN ZHANG; QIAN, 2004) apresenta um conversor CC-CC em ponte completa com secundário controlado e saída em tensão. Essa característica é interessante para se trabalhar com conversores de potência que demandam níveis variáveis de tensão, bem como elevados níveis de potência processada pelo circuito. Esta topologia foi escolhida também por possibilitar implementação de múltiplas saídas, uma vez que para isto basta que se replique o lado secundário do circuito, sendo possível fazer o acoplamento ao primário tanto através de um transformador com múltiplas saídas, quanto com mais de um transformador acoplado ao primário.

Além das características citadas, o conversor possibilita comutação suave sob tensão nula não apenas para os interruptores ativos, mas também para os diodos, elevando assim a eficiência do circuito.

A característica de saída controlada permite operação com desequilíbrio de cargas, dessa forma, se o sistema a que o conversor está acoplado apresentar distúrbios é possível atuar no braço em desequilíbrio.

A seguir será realizada a análise qualitativa do circuito do conversor sob estudo, apresentado na figura 12, discorrendo sobre cada etapa de operação com detalhes e analisando o comportamento de cada elemento que o constitui.





Vale ressaltar que a análise será realizada considerando elementos ideais, bem como o funcionamento do conversor em modo de condução contínua e em regime permanente.

2.1 ETAPA 1 ($t_0 - t_1$)

A primeira etapa de operação inicia quando os interruptores S_1 e S_4 são acionadas. Durante esse estágio, a corrente circula pelos diodos D_1 e D_4 , pois no instante de tempo imediatamente anterior a este, a energia armazenada em L_K , que modela a indutância de dispersão do transformador, tinha módulo oposto ao imposto nesse instante pelos interruptores. Sendo assim, se faz necessário retirar a energia previamente armazenada em L_K para que possa se fazer fluir pelo novo sentido.

No secundário a corrente flui através do diodo D_6 e D_7 . Uma parcela dessa corrente também circula pelo canal de S_5 , pois este se encontra ativo durante esta etapa.

Durante esta etapa de funcionamento, S_2 e S_3 estão desligadas, devido aos pulsos de comando que controlam a ponte de entrada. S_6 também se encontra inativa pelo mesmo motivo e D_5 é inativo devido ao sentido da corrente.

A energia que é transmitida ao secundário através do transformador carrega o capacitor *C*_o e alimenta a carga.

Essa análise se deu através da figura 13, que mostra os elementos que estão em funcionamento durante essa etapa.





Fonte: Autoria própria

A etapa chega ao fim quando a corrente em L_K chega a zero.

2.2 ETAPA 2 $(t_1 - t_2)$

A segunda etapa tem início no momento em que a corrente em L_K chega a zero. Nesse instante, as correntes de primário e secundário invertem de sentido, circulando agora por S_1 e S_4 , provocando a comutação natural de D_7 e D_5 .

O diodo D_5 em conjunto com o interruptor S_5 configuram um curto circuito no secundário. Dessa forma, a energia da entrada é armazenada em L_K e a energia entregue à carga se dá através de C_o .

Essa análise foi feita com base na figura 14, que mostra os elementos que estão em funcionamento durante essa etapa.



Figura 14 – Segunda etapa de operação

Deve-se observar também que a tensão sobre S_6 é V_o e consequentemente, essa é a tensão em C_6 . Essa informação será justificada adiante.

O fim dessa etapa se dá no momento em que S_5 é desligada.

2.3 ETAPA 3 (t₂ - t₃)

Esta etapa se dá no instante em que S_5 é desligada e antes que S_6 seja acionada. Nessa fração de tempo é possível fazer a comutação em ZVS (*zero voltage switching*) do interruptor S_6 , conforme será descrito.

Com base na figura 15 verifica-se que no momento em que o pulso de comando é retirado de S_5 a corrente não pode ser interrompida abruptamente, devido às capacitâncias intrínsecas dos interruptores que, embora muito pequenas, devem ser levadas em conta para o entendimento dessa etapa e do funcionamento real do

Fonte: Autoria própria

conversor.



Fonte: Autoria própria

A natureza do circuito exige que a corrente continue fluindo no mesmo sentido que na etapa anterior. Para que isso aconteça, C_6 se descarrega, transferindo sua energia para C_5 e mantendo o sentido da corrente. Isso acontece até que a carga em C_6 seja nula, dando fim a essa etapa de operação.

2.4 ETAPA 4 ($t_3 - t_4$)

No momento em que a tensão em C_6 é zero, D_8 é polarizado diretamente e a corrente circula através dele. A figura 16 mostra o arranjo do circuito para esse intervalo de tempo.





Fonte: Autoria própria

A tensão de polarização do diodo é idealmente zero. Isso permite que no

momento em que S_6 seja ativa, a tensão sobre ela seja nula, configurando assim a comutação suave desse interruptor.

A etapa 4 dura até o instante em que S_6 é ativa.

2.5 ETAPA 5 ($t_4 - t_5$)

O pulso de comando ativa S_6 em condição de ZVS. Como descrito anteriormente, a energia previamente armazenada em L_K é transferida para a saída através do secundário.

A corrente no secundário flui através de D_5 e D_8 . Uma parcela dessa corrente também flui pelo canal de S_6 . A energia do secundário é usada para carregar o capacitor e alimentar a carga. Os fenômenos descritos são ilustrados na figura 17, que foi utilizada para fazer essa análise.



Figura 17 – Quinta etapa de operação

Fonte: Autoria Própria

Esta etapa tem fim no momento em que os interruptores S_1 e S_4 são desligadas.

2.6 ETAPA 6 ($t_5 - t_6$)

Essa também é uma etapa de comutação suave como nas etapas 3 e 4, só que agora para os interruptores da ponte de entrada. No momento em que S_1 e S_4 são desligadas, a energia armazenada em C_2 é transferida para C_1 e de C_3 para C_4 até que a tensão em C_2 e C_3 seja zero. A figura 18 ilustra o sentido das correntes nesse intervalo de operação.

Figura 18 – Sexta etapa de operação



Fonte: Autoria própria

As correntes de carga e descarga entre as capacitâncias se equilibram, pois são capacitores idealmente iguais. Dessa forma não há corrente circulando pela fonte de entrada.

O fim dessa etapa se dá no momento em que as tensões nos capacitores C_2 e C_3 chegam a zero.

2.7 ETAPA 7 (
$$t_6 - t_7$$
)

A etapa 7 se inicia quando D_2 e D_3 são polarizados, semelhante ao que aconteceu com D_8 na etapa 4.





Fonte: Autoria própria

A figura 19 ilustra essa etapa e, como na outra comutação suave, a tensão sobre os diodos é nula, permitindo o acionamento oas interruptores S_2 e S_3 em condição de ZVS.

Essa etapa termina quando o pulso de comando aciona S_2 e S_3 . Neste ponto tem-se uma metade completa do ciclo de operação do conversor. Devido à simetria do conversor, as etapas que completam o ciclo são linearmente dependentes das etapas descritas até aqui. Logo, a análise de metade do ciclo de operação é suficiente para o entendimento da operação do conversor FB-PS-ZVS.

3 ANÁLISE DO CONVERSOR FB-PS-ZVS EM MCC

Para dar início à descrição matemática do conversor em MCC, é necessário que primeiro sejam definidos os tempos de duração das etapas de funcionamento bem como condições iniciais e finais. A principal grandeza de interesse é a corrente no indutor L_k , pois este é o elemento que realiza o acoplamento entre os estágios de entrada e saída do circuito.

Para a condição de MCC, a figura 20 mostra no gráfico (a) a corrente normalizada no indutor L_k , no gráfico (b) os pulsos de comando nos interruptor S_1 e S_4 , e no gráfico (c), os pulsos de comando em S_6 .





No gráfico, são denotados os intervalos de tempo para a análise. Observa-se que t_3 , t_5 e t_8 são suprimidos, pois são instantes de tempo em que ocorre a comutação dos interruptores. Neste trabalho não será feita análise de comutação, portanto apenas os instantes de tempo evidenciados na figura 20 serão levados em consideração.

Definem-se então os intervalos de tempo:

$$t_1 - t_0 = \Delta t_1$$
$$t_2 - t_1 = \Delta t_2$$
$$t_4 - t_2 = \Delta t_4$$

E as condições iniciais para as correntes no indutor:

$$I_{L_{k}}(t_{0}) = -I_{2}$$
$$I_{L_{k}}(t_{1}) = 0$$
$$I_{L_{k}}(t_{2}) = I_{1}$$
$$I_{L_{k}}(t_{4}) = I_{2}$$

Devido à simetria do conversor, apenas meio ciclo de funcionamento será utilizado para descrever o conversor, isto é, os instantes de tempo de t_0 a t_4 . O semi-ciclo seguinte é idêntico e resulta nas mesmas equações.

Todos os elementos de circuitos são considerados ideais para a análise. Sendo assim, os interruptores e diodos em condução se comportam como um curto e o transformador não apresenta perdas.

3.1 PRIMEIRA ETAPA DE OPERAÇÃO ($t_0 - t_1$)

A figura 21 apresenta o circuito equivalente à primeira etapa de funcionamento do conversor.

Figura 21 - Circuito equivalente da etapa 1



Fonte: Autoria própria

 V'_o representa a tensão de saída refletida ao primário. Isso é feito para simplificar a análise do circuito e trazer maior clareza no funcionamento de cada etapa do conversor.

Por definição $V'_o = n \cdot V_o$, onde n é a relação de transformação.

Utilizando as leis de Kirchhoff são levantadas as equações para a primeira etapa de funcionamento.
$$V_{L_k} = V_i + Vo'$$

$$\frac{dI_{L_k}}{dt} = \frac{V_i + V'_o}{L_k}$$
(1)

Utilizando as condições iniciais para as correntes no indutor e os intervalos de tempo, integra-se (1) afim de encontrar as variáveis de interesse para esta etapa.

$$\int_{I_{L_{k}}(t_{0})}^{I_{L_{k}}(t_{1})} dI_{L_{k}} = \int_{t_{0}}^{t_{1}} \frac{V_{i} + V_{o}'}{L_{k}} dt$$

$$0 - (-I_{2}) = \frac{V_{i} + V_{o}'}{L_{k}} (t_{1} - t_{0})$$

$$I_{2} = \frac{V_{i} + V_{o}'}{L_{k}} \Delta t_{1}$$
(3)

3.2 SEGUNDA ETAPA DE OPERAÇÃO ($t_1 - t_2$)

A segunda etapa de operação é mostrada na figura 22 e, com base no circuito, levantam-se as equações que descrevem o conversor nessa etapa, como segue:

Figura 22 – Circuito equivalente da etapa 2



Fonte: Autoria própria

$$-V_i + V_{L_k} = 0$$

$$V_i = L_k \frac{dI_{L_k}}{dt}$$
(4)

Utilizando-se das condições iniciais, integra-se (4) de ambos os lados e resolve-se para encontrar I_1 .

$$\int_{t_1}^{t_2} \frac{V_i}{L_k} dt = \int_{I_{L_k}(t_1)}^{I_{L_k}(t_2)} dI_{L_k}$$

$$0 - I_1 = \frac{V_i}{L_k} (t_2 - t_1)$$

$$I_1 = -\frac{V_i}{L_k} \Delta t_2$$
(5)

3.3 TERCEIRA E QUARTA ETAPAS DE OPERAÇÃO ($t_2 - t_4$)

A terceira etapa de funcionamento é uma etapa de comutação, e como já mencionado, não será explorada a fundo. Dessa forma, o próximo passo é analisar a quarta etapa de funcionamento a partir do circuito equivalente na figura 23.

Figura 23 – Circuito equivalente da etapa 4



Fonte: Autoria própria

Obtendo a equação da malha, tem-se:

Fazendo uso das condições iniciais, integram-se ambos os lados e resolve-se para encontrar uma relação entre as correntes I_1 e I_2 .

$$\int_{I_{L_{k}}(t_{2})}^{I_{L_{k}}(t_{4})} dI_{L_{k}} = \int_{t_{2}}^{t_{4}} \frac{V_{i} - V_{o}'}{L_{k}} dt$$

$$I_{2} - I_{1} = \frac{V_{i} - V_{o}'}{L_{k}} (t_{4} - t_{2})$$

$$I_{2} - I_{1} = \frac{V_{i} - V_{o}'}{L_{k}} \Delta t_{4}$$
(7)

3.4 SOLUÇÃO DO SISTEMA PARA MCC

Das equações obtidas até o momento, foram encontradas 5 incógnitas, sendo elas I_1 , I_2 , Δt_1 , Δt_2 e Δt_4 . Salienta-se que V_i , V'_o e L_k são parâmetros de projeto. Para resolver esse sistema são necessárias outras três equações, as quais são obtidas a partir dos intervalos de tempo, conforme apresentado na figura 24.

Sendo: f_s a frequência de comutação do conversor e D a razão cíclica, e comparando esta figura com a figura 20, têm-se:



Fonte: Autoria própria

$$\Delta_{t1} + \Delta_{t2} = \frac{D}{2f_s} \tag{8}$$

$$\Delta_{t4} = \frac{1-D}{2f_s} \tag{9}$$

Definidas as equações (8) e (9), têm-se as condições necessárias para a determinação de um sistema linear de 5 equações que descreve o comportamento do circuito operando em MCC. Note que V'_o foi substituído por nV_o . O sistema completo é mostrado a seguir.

$$I_2 - \frac{V_i + nV_o}{L_k} \Delta_{t1} = 0 \tag{10}$$

$$I_1 - \frac{V_i}{L_k} \Delta_{t2} = 0 \tag{11}$$

$$I_2 - I_1 - \frac{V_i - nV_o}{L_k} \Delta_{t4} = 0$$
(12)

$$\Delta_{t1} + \Delta_{t2} - \frac{D}{2f_s} = 0 \tag{13}$$

$$\Delta_{t4} - \frac{1 - D}{2f_s} = 0$$
 (14)

Com o auxílio do *software* matemático Mathcad, o sistema de equações foi resolvido e simplificado para encontrar as variáveis I_1 , I_2 , Δt_1 , Δt_2 e Δt_4 , resultando nas equações (15) a (19).

$$I_1 = \frac{V_i}{2f_s L_k} \frac{V_i(2D-1) + nV_o}{2V_i + nV_o}$$
(15)

$$I_2 = \frac{V_i + nV_o}{2f_s L_k} \frac{V_i - nV_o(1-D)}{2V_i + nV_o}$$
(16)

$$\Delta t_1 = \frac{1}{2fs} \frac{V_i - nV_o(1-D)}{2V_i + nV_o}$$
(17)

$$\Delta t_2 = \frac{1}{2fs} \frac{V_i(2D-1) + nV_o}{2V_i + nV_o}$$
(18)

$$\Delta t_4 = \frac{1-D}{2f_s} \tag{19}$$

3.5 PARAMETRIZAÇÃO

Afim de reduzir um pouco mais as expressões(15) a (19) será feita a parametrização das mesmas em função do ganho estático e de outras variáveis estrategicamente selecionadas. Este artifício se torna ainda mais útil quando têm-se expressões muito complexas, tornando possível representá-las de forma mais reduzida e compreensível.

O ganho estático q é definido como a razão entre a tensão de saída e tensão de entrada.

$$q = \frac{nV_o}{V_i} \tag{20}$$

Observando as expressões (15) e (16), define-se uma corrente de parametrização:

$$\bar{I}_x = \frac{4f_s L_k I_x}{V_i} \tag{21}$$

A equação (21) define uma grandeza de parametrização para o lado primário do conversor. Também é conveniente definir nesse ponto uma corrente \bar{I}'_x para ser usada nas parametrizações de correntes de secundário.

$$\bar{I}'_x = \frac{4f_s L_k I'_x}{nV_i} \tag{22}$$

A diferença está na adição do termo *n*, que é a relação de transformação.

De posse dessas definições, parametrizam-se as correntes I_1 e I_2 . O processo se dá pelo agrupamento dos termos de forma que seja possível substituir por (20) e (21).

Fazendo as devidas oprerações, chega-se a:

$$\bar{I}_1 = 2\frac{2D - 1 + q}{2 + q}$$
(23)

$$\bar{I}_2 = \frac{2(1+q)(1-q+Dq)}{2+q}$$
(24)

Para os intervalos de tempo, define-se uma grandeza de parametrização de tempo:

$$\bar{\Delta}_t = \frac{1}{2f_s} \tag{25}$$

Usando (20) e (25), parametrizam-se (17), (18) e (19).

$$\bar{\Delta_{t1}} = \frac{1-q+Dq}{2+q} \tag{26}$$

$$\overline{\Delta_{t2}} = \frac{2D - 1 + q}{2 + q} \tag{27}$$

$$\bar{\Delta_{t4}} = 1 - D \tag{28}$$

3.6 CORRENTE MÉDIA DE SAÍDA

A corrente média na saída é uma grandeza bastante importante para o projeto do conversor. Nesta seção será mostrado o procedimento utilizado para tal cálculo.

O gráfico da figura 25 apresenta a curva característica da corrente de saída do conversor antes do filtro capacitivo. Utilizando os pontos de tempo e corrente destacados no gráfico, calcula-se a corrente média na saída do conversor.

A presença do termo *n* no eixo das ordenadas se deve a corrente estar no secundário do circuito.

Sabe-se que a corrente média em um circuito pode ser obtida através de uma área dividida por um determinado período de tempo, o que é representado pela equação (29).

$$I = \frac{1}{T_s} \int_0^{T_s} i(t)dt \tag{29}$$

Afim de simplificar os cálculos, fazem-se as áreas do trapézio e do triângulo que a compõe, trazendo o mesmo resultado que seria obtido pelo cálculo da integral. Obtém-se então I_o , substituindo o fator $\frac{1}{T_s}$ por f_s .



$$I_{o} = 2f_{s} \left(\frac{n\Delta_{t4}(I_{1} + I_{2})}{2} + \frac{n\Delta_{t1}I_{1}}{2} \right)$$

$$I_{o} = nf_{s} \left[\Delta_{t4}I_{1} + I_{2}(\Delta_{t1} + \Delta_{t4}) \right]$$
(30)

3.6.1 Parametrização de *I*_o

Substituindo I_1 , I_2 , Δ_{t1} e Δ_{t4} por (15), (16), (17) e (19), respectivamente, e reordenando alguns termos para substituir $\frac{nV_o}{V_i}$ por q, tem-se uma expressão para a corrente média em função das variáveis de circuito.

$$I_o = \frac{nV_i}{4f_s L_k} \cdot \left[4D - 2D^2 - 2 + (4D^2 - 12D + 9) \left[\frac{1}{q+2} - \frac{1}{(q+2)^2} \right] \right]$$
(31)

A expressão (31) ainda é bastante extensa, porém compacta se comparada à solução que não faz uso do processo de parametrização. Utilizando-se de (22), visto que I_o é uma corrente de secundário, parametriza-se então I_o .

$$\bar{I}'_o = 4D - 2D^2 - 2 + \left(4D^2 - 12D + 9\right) \left[\frac{1}{q+2} - \frac{1}{(q+2)^2}\right]$$
(32)

3.7 CÁLCULO DO INDUTOR

Como visto até o momento, as correntes estão intrinsecamente relacionadas com a indutância L_k . Isso porque, como já mencionado, esta indutância realiza o acoplamento entre os estágios de entrada e de saída do circuito.

Para encontrar uma indutância que satisfaça a operação do conversor em MCC, isola-se o L_k em (31). Dessa forma, a indutância é definida a partir do ganho estático, da razão cíclica, frequência de operação, relação de transformação e tensão de entrada do conversor, todos parâmetros definidos pelo projetista.

A expressão (33) apresenta ese resultado.

$$L_k = \frac{nV_i}{4f_s I_o} \left[4D - 2D^2 - 2 + \left(4D^2 - 12D + 9\right) \left[\frac{1}{q+2} - \frac{1}{(q+2)^2} \right] \right]$$
(33)

Nota-se, então, a forte relação entre indutância e corrente de saída do conversor. Quanto maior a corrente, menor será a indutância necessária para a operação adequada do circuito. À primeira vista pode parecer vantajoso reduzir a indutância afim de se obter maior corrente de saída. Porém, neste caso, para se ajustar o valor de I_o ao desejado, a razão cíclica deveria ser reduzida. Em geral, é interessante trabalhar com razão cíclica elevada em condições próximas às nominais e reduzí-la em condições de menor potência de saída. Sendo assim, pode-se utilizar a equação (33) para determinar o valor de L_k que garante potência nominal com um valor máximo de razão cíclica predefinido em projeto.

3.8 CÁLCULO DO CAPACITOR

O capacitor de saída é responsável por filtrar os harmônicos gerados pela comutação dos transistores e manter o nível de tensão constante. Apesar desses elementos por si só não serem ideais para a filtragem, entregam um resultado satisfatório, mantendo tensão praticamente constante quando submetidos à carga nominal projetada, ao menos teoricamente, e com carga resistiva. Outros tipos de carga geram respostas diferentes, as quais não serão exploradas neste trabalho.

É possível calcular o capacitor adequado para o circuito observando a variação de carga sobre o elemento, como mostrado no gráfico da figura 26.

Da definição da capacitância, tem-se que:

$$q = Cv \tag{34}$$

Manipulando a equação (34), tem-se uma expressão para a capacitância em função da variação de tensão pela variação da carga na saída, conforme (35).



$$C_o = \frac{\Delta q}{\Delta v_o} \tag{35}$$

Assume-se a variação de carga como a área do gráfico que se encontra abaixo de zero. O mesmo resultado pode ser obtido escolhendo a área acima de zero. Porém a área escolhida para o cálculo resultou em uma expressão menos complexa para ser apresentada.

Para se obter essa curva, foi considerado um capacitor ideal na saída, e pela lei de Kichhoff das correntes, a corrente no capacitor é obtida a partir da soma da corrente de saída do conversor, antes do filtro capacitivo, com a corrente na carga, da seguinte maneira:

$$I_c = I_o - I_L \tag{36}$$

Onde I_o é a corrente de saída do conversor, antes do filtro e I_L a corrente na carga, após a filtragem.

A área A_2 é facilmente encontrada fazendo-se

$$A_2 = -I_L \Delta t_2 \tag{37}$$

Para encontrar A_1 , determina-se primeiro a equação da curva traçada de t_1 a t_2 , denominada $I^*(t)$, resultando em

$$I^{*}(t) = nI_{2}\frac{\Delta t_{1} - t}{\Delta t_{1}} - I_{L}$$
(38)

A partir de (38), encontra-se o ponto t^* :

$$t^* = (nI_2 - I_L) \frac{\Delta t_1}{nI_2}$$
(39)

De posse de t^* e fazendo as devidas manipulações, encontra-se A_1 conforme:

$$A_1 = -\frac{I_L^2 \Delta_{t1}}{2nI_2}$$
 (40)

A variação de carga ΔQ sobre o capacitor é a soma das áreas A_1 e A_2 . Fazendo as devidas operações, tem-se:

$$\Delta Q = -I_L \left[\frac{I_L \Delta t_1}{2nI_2} + \Delta t_2 \right]$$
(41)

Então finalmente, encontra-se a capacitância C_o:

$$C_{o} = \frac{\Delta Q}{\Delta V_{o}}$$

$$C_{o} = \frac{-I_{L}}{-\Delta V_{o}} \left[\frac{I_{L} \Delta t_{1}}{2nI_{2}} + \Delta t_{2} \right]$$

$$C_{o} = \frac{I_{L}}{\Delta V_{o}} \left[\frac{I_{L} \Delta t_{1}}{2nI_{2}} + \Delta t_{2} \right]$$

$$(43)$$

Substituindo (16), (17) e (18) em (43) e fazendo as devidas parametrizações, chega-se em uma expressão para o capacitor a ser usado em MCC:

$$C_o = \frac{I_L}{2nf_s\Delta_{V_c}} \frac{\left(n(q^2 - 1 + 2D(1+q)) + I_L L_k f_s \left[\frac{2+q}{V_i}\right]\right)}{2 + 3q + q^2}$$
(44)

Quanto menor se desejar a ondulação de tensão ΔV_o na saída, maior terá de ser o capacitor. Isso torna o uso apenas de capacitores inviável em casos onde a ondulação de tensão seja crítica no processo. Nesse caso, uma técnica de filtragem mais sofisticada é necessária.

Técnicas dessa natureza fogem do escopo desse trabalho e são uma ideia de melhorias futuras a serem agregadas ao projeto.

3.9 ESFORÇOS NOS ELEMENTOS DO CIRCUITO

3.9.1 Esforços nos interruptores de entrada

Esta seção é dedicada ao cálculo dos esforços exercidos pelos semicondutores do estágio de potência do conversor operando em MCC, que são dados pela corrente eficaz em cada um dos componentes. Este cálculo deve ser feito para o correto dimensionamento dos componentes que integrarão o conversor.

Para esse cálculo será necessário definir os instantes de tempo t_0 , t_1 , t_2 e t_4 . Usando como base a figura 24, definem-se:

$$t_0 = 0$$
 (45)

$$t_1 = \Delta_{t1} \tag{46}$$

$$t_2 = \frac{DT_s}{2} \tag{47}$$

$$t_4 = \frac{T_s}{2} \tag{48}$$

Os esforços são calculados usando a integral:

$$I_{ef} = \sqrt{\frac{1}{Ts} \int_0^{Ts} i^2(t) dt}$$
(49)

A figura 27 mostra a corrente nos elementos da ponte de entrada.

Figura 27 – Esforços dos interruptores de entrada MCC



Fonte: Autoria própria

Calculam-se, então, a partir da forma de onda apresentada na figura 27, as correntes eficazes nos transistores de entrada, como segue:

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} \frac{I_2}{\Delta t_1} t - I_2 & \text{se } 0 < t < t_1 \\ \frac{I_1}{\Delta t_2} (t - t_1) & \text{se } t_1 < t < t_2 \\ \frac{I_2 - I_1}{\Delta t_4} (t - t_4) + I_2 & \text{se } t_2 < t < t_4 \end{cases}$$
(50)

A partir das equações (50) e definindo as variáveis auxiliares A, B e C, calculam-se os esforços de corrente:

$$A = \frac{I_2}{\Delta t_1} t - I_2$$

$$B = \frac{I_1}{\Delta t_2} (t - t_1)$$

$$C = \frac{I_2 - I_1}{\Delta t_4} (t - t_4) + I_2$$

$$I_{Sin} = \sqrt{f_s \left(\int_0^{t_1} A^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} B^2 dt + \int_{t_2}^{t_4} C^2 dt \right)}$$
(51)

Calculando as integrais e fazendo as devidas substituições de I_1 , I_2 , Δt_1 , Δt_2 e Δt_4 para que a corrente fique em função dos parâmetros V_i , V_o , D, L_k e f_s do conversor, são obtidos os esforços de corrente nos elementos da ponte de entrada.

Definem-se a seguir algumas variáveis auxiliares, úteis para apresentar o resultado final obtido. Detalhes da computação desse resultado não serão apresentados.

$$\alpha = 2V_i^3 V_o - n^2 V_i V_o^3 - n V_i^2 V_o^2$$
(52)

$$\beta = V_i^3 V_o + n^2 V_i V_o^3$$
(53)

$$\gamma = nV_i^2 V_o^2 - n^2 V_i V_o^3$$
(54)

$$\delta = 2nV_iV_o^3 + V_i^4 - 3n^2V_i^2V_o^2$$
(55)

Resolvendo a integral, chega-se no seguinte resultado:

$$I_{Sin} = \sqrt{\frac{2nD^3\alpha + 6nD^2\beta + 6nD\gamma + \delta}{24f_s^2 L_k^2 (2V_i + nV_o)^2}}$$
(56)

3.9.2 Esforços nos magnéticos

Por estarem em série, os esforços sobre o indutor e o transformador podem ser calculados da mesma maneira. A figura 28 mostra a corrente que circula através desses componentes.





Fonte: Autoria própria

Devido à simetria do conversor, e por consequência das correntes, é possível obter a corrente eficaz utilizando apenas meio ciclo, eliminando a necessidade de obter mais três equações. Utilizando as variáveis auxiliares A, $B \in C$ anteriormente definidas, os esforços nos magnéticos são dados por:

$$I_{Mag} = \sqrt{2f_s \left(\int_0^{t_1} A^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} B^2 dt + \int_{t_2}^{t_4} C^2 dt\right)}$$
(57)

Fazendo o cálculo da integral, as devidas substituições e o uso de α , β , γ e δ , chega-se na expressão para os esforços desempenhados no indutor e no enrolamento primário do transformador:

$$I_{Mag} = \sqrt{\frac{2nD^3\alpha + 6nD^2\beta + 6nD\gamma + \delta}{12f_s^2 L_k^2 (2V_i + nV_o)^2}}$$
(58)

A figura 29 apresenta a corrente no secundário do transformador, que é *n* vezes maiores que as do primário.



A corrente no secundário pode ser representada pelas equações (59).

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} \frac{nI_2}{\Delta t_1} t - nI_2 & \text{se } 0 < t < t_1 \\ \frac{nI_1}{\Delta t_2} (t - t_1) & \text{se } t_1 < t < t_2 \\ \frac{n(I_2 - I_1)}{\Delta t_4} (t - t_4) + nI_2 & \text{se } t_2 < t < t_4 \end{cases}$$
(59)

Nota-se a semelhança com as correntes do primário, com a diferença do fator multiplicativo n.

Redefinem-se as variáveis auxiliares A, $B \in C$ e, resolve-se (60), encontrando assim os esforços desempenhados pelos enrolamento do secundário.

$$A = \frac{nI_2}{\Delta t_1} t - nI_2$$

$$B = \frac{nI_1}{\Delta t_2} (t - t_1)$$

$$C = \frac{n(I_2 - I_1)}{\Delta t_4} (t - t_4) + nI_2$$

$$I_{Sec} = \sqrt{2f_s \left(\int_0^{t_1} A^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} B^2 dt + \int_{t_2}^{t_4} C^2 dt\right)}$$
(60)

Redefinem-se as variáveis auxiliares α , β , γ e δ , como segue:

$$\alpha = 2n^2 V_i^3 V_o - n^4 V_i V_o^3 - n^3 V_i^2 V_o^2$$
(61)

$$\beta = n^2 V_i^3 V_o + n^4 V_i V_o^3$$
(62)

$$\gamma = n^3 V_i^2 V_o^2 - n^4 V_i V_o^3 \tag{63}$$

$$\delta = 2n^3 V_i V_o^3 + n^2 V_i^4 - 3n^4 V_i^2 V_o^2$$
(64)

E em seguida, calculam-se os esforços, que são dados por (65).

$$I_{Mag} = \sqrt{\frac{2nD^3\alpha + 6nD^2\beta + 6nD\gamma + \delta}{12f_s^2 L_k^2 (2V_i + nV_o)^2}}$$
(65)

3.9.3 Esforços nos semicondutores de saída

Para concluir, serão feitos os cálculos dos esforços para os semicondutores da ponte de saída. A corrente que percorre os diodos (I_D) pode ser vista na figura 30.



Figura 30 – Esforços nos diodos de saída

Fonte: Autoria própria

As equações obtidas a partir desse gráfico são exatamente as equações (59). Sendo assim, apresenta-se a expressão a ser calculada.

Aqui, integra-se de 0 a t_4 , devido ao período de tempo que a corrente é nula, diferente do que é feito em (60). As variáveis auxiliares são utilizadas conforme definidas para resolver (60).

$$I_D = \sqrt{f_s \left(\int_0^{t_1} A^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} B^2 dt + \int_{t_2}^{t_4} C^2 dt \right)}$$
(66)

Resultando em:

$$I_D = \sqrt{\frac{2nD^3\alpha + 6nD^2\beta + 6nD\gamma + \delta}{24f_s^2 L_k^2 (2V_i + nV_o)^2}}$$
(67)

Por fim, a figura 31 apresenta a corrente nos transistores de saída.

A corrente nesses elementos é descrita pelas equações (68).

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} \frac{nI_2}{\Delta t_1} t - nI_2 & \text{se} \quad 0 < t < t_1 \\ \frac{nI_1}{\Delta t_2} (t - t_1) & \text{se} \quad t_1 < t < t_2 \\ \frac{n(I_2 - I_1)}{\Delta t_4} (t_4 - t) - nI_2 & \text{se} \quad t_2 < t < t_4 \end{cases}$$
(68)



Fonte: Autoria própria

Apesar de algumas pequenas diferenças nas equações que descrevem a corrente nos diodos e nos transistores, o valor eficaz é o mesmo para ambos elementos.

Para determinar a corrente eficaz, calcula-se a integral (69), abaixo.

$$I_{Ssec} = \sqrt{f_s \left(\int_0^{t_1} A^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} B^2 dt + \int_{t_2}^{t_4} C^2 dt \right)}$$
(69)

Realizando-se as devidas substituições como uso das variáveis auxiliares, encontra-se o resultado para a corrente, dado por (70), ficando então evidente que os esforços nos diodos e nos transistores da ponte de saída são os mesmos.

$$I_{Ssec} = \sqrt{\frac{2nD^3\alpha + 6nD^2\beta + 6nD\gamma + \delta}{24f_s^2 L_k^2 (2V_i + nV_o)^2}}$$
(70)

3.9.4 Parametrização dos esforços em MCC

Para apresetar os esforços calculados de maneira mais compacta, pode-se fazer a parametrização dessas equações, assim como realizado na seção anterior.

Nesta abordagem aproveitam-se as correntes de parametrização previamente definidas em (21) e (22). Os detalhes da parametrização não serão exibidos, porém seguem as mesmas etapas apresentadas anteriormente.

Aplicando a parametrização aos interruptores de entrada tem-se:

$$\bar{I}_{Sin} = \sqrt{\frac{12Dq[D + Dq^2 + q + q^2] - 4D^3q[q + q^2 + 2] - 6q + 4q^3 + 2}{(q + 2)^2}}$$
(71)

Em seguida, a paremetrização dos esforços sobre o indutor e o primário do transformador:

$$\bar{I}_{MagIn} = \sqrt{\frac{24Dq[D + Dq^2 + q + q^2] - 8D^3q[q + q^2 + 2] - 12q + 8q^3 + 4}{(q + 2)^2}}$$
(72)

A próxima parametrização a ser feita é no enrolamento do secundário:

$$\bar{I'}_{MagOut} = \sqrt{\frac{24Dq[D+Dq^2+q+q^2]-8D^3q[q+q^2+2]-12q+8q^3+4}{(q+2)^2}}$$
(73)

Nota-se que a única diferença entre (72) e (73) é a relação de transformação *n*. Enquanto (72) foi parametrizada usando (21), (73) foi parametrizada com base em (22).

Por fim, como visto, os esforços sobre os diodos e os transistores de saída são o mesmo. Assim sendo, apresenta-se apenas a parametrização dos esforços sobre os transistores de saída:

$$\bar{I'}_{Sout} = \sqrt{\frac{12Dq[D + Dq^2 + q + q^2] - 4D^3q[q + q^2 + 2] - 6q + 4q^3 + 2}{(q + 2)^2}}$$
(74)

Aqui novamente fica evidente que os esforços nos elementos de saída são multiplicados por n, e a diferença entre (71) e (74) é a corrente de parametrização utilizada em cada um.

4 ANÁLISE DO CONVERSOR FB-PS-ZVS EM MCD

O modo de condução descontínua se dá quando a corrente no indutor permanece nula durante o período de pelo menos uma etapa de operação. A simples passagem por zero não caracteriza condução descontínua.

O conversor opera nessa região em condições de potência de saída com níveis reduzidos. Ao trabalhar a razão cíclica, a fim de manter a tensão de saída, o conversor pode entrar em modo de condução descontínua, mas ainda assim mantendo os níveis de tensão projetados para a saída.

Há topologias de conversores que apresentam vantagens quando projetados para funcionar em MCD. Porém, o conversor em questão tem seu melhor desempenho ao operar em MCC, por isso essa é a região escolhida para que o conversor opere.

A figura 32 mostra em (a) a corrente no indutor L_k em MCD, em (b) os pulsos de comando nos interruptores S_1 e S_4 e em (c) os pulsos de comando em S_6 .







Para descrever matematicamente o conversor nesse modo de operação é necessário definir novos tempos de funcionamento, pois os definidos para MCC não se aplicam. Isso é feito a partir da figura 32 e os resultados são os seguintes:

$$t_1 - t_0 = \Delta t_1 \tag{75}$$

$$t_2 - t_1 = \Delta t_2 \tag{76}$$

$$t_3 - t_2 = \Delta t_3 \tag{77}$$

São também definidas as novas condições iniciais de corrente no indutor *L_k*:

$$I_{Lk}(t0) = 0$$
 (78)

$$I_{Lk}(t1) = I_1 \tag{79}$$

$$I_{Lk}(t2) = 0 \tag{80}$$

$$I_{Lk}(t3) = 0$$
 (81)

4.1 PRIMEIRA ETAPA DE OPERAÇÃO

Em MCD não existe um período de tempo em que L_k devolve energia para a fonte de entrada. Por esse motivo, existem apenas três etapas de operação. Esta etapa pode ser descrita pelo circuito da figura 22 apresentado na seção 3.2. A partir deste circuito levantam-se as equações para a primeira etapa em MCD.

$$-V_i + V_k = 0 \tag{82}$$

$$V_i = L_k \frac{dI_{L_k}}{dt} \tag{83}$$

Integrando ambos os lados e utilizadno as condições iniciais para MCD obtémse uma expressão para a corrente I_1 .

$$\int_{0}^{I_{1}} dI_{L_{k}} = \frac{V_{i}}{L_{k}} \int_{0}^{t_{1}} dt$$
(84)

$$I_1 = \frac{V_i}{L_k} \Delta_{t1} \tag{85}$$

4.2 SEGUNDA ETAPA DE OPERAÇÃO

A figura 23 da seção 3.3 apresenta a segunda etapa de funcionamento do conversor em MCD e, a partir dela, equaciona-se a etapa, como segue:

$$-V_i + V_{L_k} + V'_o = 0 (86)$$

$$-V_i + L_k \frac{dI_{L_k}}{dt} + V'_o = 0$$
(87)

Integrando ambos os lados da equação e aplicando as condições iniciais, encontra-se mais uma expressão para a corrente I_1 .

$$\int_{I_1}^0 dI_{L_k} = \frac{V_i - V_o'}{L_k} \int_{t_1}^{t_2} dt$$
(88)

$$-I_1 = \frac{V_i - V'_o}{L_k} \Delta t_2 \tag{89}$$

4.3 SOLUÇÃO DO SISTEMA PARA MCD

Dos circuitos analisados, obtém-se então o seguinte sistema de equações:

$$\frac{V_i}{L_k}\Delta t_1 - I_1 = 0 \tag{90}$$

$$\frac{V_i - nV_o}{L_k}\Delta t_2 + I_1 = 0 \tag{91}$$

O sistema fornece apenas duas equações e três incógnitas. Novamente para completar o sistema, serão encontradas mais equações a partir das durações das etapas obtidas a partir da figura 33.

Comparando 32 e 33, têm-se:

$$\Delta t_1 = \frac{D}{2f_s} \tag{92}$$

$$\Delta t_2 + \Delta t_3 = \frac{(1-D)}{2f_s} \tag{93}$$

O sistema completo de equações que descreve o comportamento do conversor em MCD é apresentado a seguir.

$$\frac{V_i}{L_k}\Delta t_1 - I_1 = 0 \tag{94}$$

$$\frac{V_i - nV_o}{L_k}\Delta t_2 + I_1 = 0 \tag{95}$$

$$\Delta t_1 - \frac{D}{2f_s} = 0 \tag{96}$$

$$\Delta t_2 + \Delta t_3 - \frac{1 - D}{2f_s} = 0$$
 (97)



Figura 33 – Definição de intervalos de tempo MCD



Resolvendo-se o sistema de equações e simplificando os resultados com o auxílio do *software* Mathcad, obtêm-se:

$$I_1 = \frac{DV_i}{2L_k f_s} \tag{98}$$

$$\Delta t_1 = \frac{D}{2f_s} \tag{99}$$

$$\Delta t_2 = \frac{-DV_i}{2V_i f_s - 2nV_o f_s} \tag{100}$$

$$\Delta t_3 = \frac{V_i + nV_o(1 - D)}{2V_i f_s - 2nV_o f_s}$$
(101)

4.3.1 Parametrização

Será feita também a parametrização das grandezas encontradas para MCD. As parametrizações serão feitas com base nas correntes de parametrização já definidas em (21) e (22).

Parametrizando *I*₁, obtém-se:

$$\bar{I}_1 = 2D \tag{102}$$

Utilizando-se a grandeza de tempo definida em (25) para parametrização de tempo, determinam-se:

$$\bar{\Delta}t_1 = D \tag{103}$$

$$\bar{\Delta}t_2 = \frac{D}{q-1} \tag{104}$$

$$\bar{\Delta}t_3 = \frac{1+q(1-D)}{1-q}$$
 (105)

4.4 CORRENTE MÉDIA DE SAÍDA

A figura 34 apresenta a corrente na saída para MCD, a partir da qual é possível calcular o seu valor médio.





Fonte: Autoria própria

Para calcular a corrente média de saída em MCD, utiliza-se um ciclo completo de funcionamento, ou seja, de 0 a $1/f_s$, que corresponde à área de 2 triângulos consecutivos.

$$I_o = 2f_s(\frac{nI_1\Delta t_2}{2})$$
 (106)

$$I_o = f_s n I_1 \Delta t_2 \tag{107}$$

Substituindo as variáveis na equação (107), é possível representar a corrente média de saída em MCD pela seguinte expressão:

$$I_o = \frac{D^2 n V_i^2}{4L_k f_s (n V_o - V_i)}$$
(108)

4.4.1 Parametrização de I_o em MCD

Para representar essa corrente no mesmo formato das demais grandezas apresentas até aqui, realiza-se também sua parametrização, como segue:

$$\bar{I}_{oMCD} = \frac{D^2}{q-1} \tag{109}$$

4.5 ESFORÇOS NOS ELEMENTOS DO CIRCUITO

Esta seção é dedicada ao cálculo dos esforços exercidos pelos elementos em MCD, a fim de fazer um comparativo com as grandezas encontradas para MCC, além de trazer uma melhor compreensão do funcionamento do circuito.

4.5.1 Esforços nos interruptor da ponte de entrada

A análise inicia pelos interruptor da ponte de entrada, nas quais a corrente que circula é apresentada na figura 35.







Para calcular as áreas nos gráficos e encontrar as correntes, definem-se os instantes de tempo t_1 , t_2 e t_3 com base na figura 33 e nas equações (99), (100) e (101).

$$t_1 = \frac{D}{2f_s} \tag{110}$$

$$t_2 = \frac{DnV_o}{2f_s(nV_o - V_i)} \tag{111}$$

$$t_3 = \frac{1}{2f_s} \tag{112}$$

A corrente nos transistores de entrada em MCD é representada pelas equações (113).

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} \frac{I_1}{\Delta t_1} t & \text{se } 0 < t < t_1 \\ I_1 \left[\frac{t_1 - t}{\Delta t_2} + 1 \right] & \text{se } t_1 < t < t_2 \\ 0 & \text{se } t_2 < t < t_3 \end{cases}$$
(113)

De posse das equações, calcula-se o valor eficaz:

$$I_{SefMCD} = \sqrt{f_s \left[\int_0^{t_1} \left(\frac{I_1}{\Delta t_1} t \right)^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} \left[I_1 \left(\frac{t_1 - t}{\Delta t_2} + 1 \right) \right]^2 dt \right]}$$
(114)

Resolvendo a integral, encontra-se:

$$I_{SefMCD} = \sqrt{\frac{D^3 n V_i^2 V_o}{24 L_k^2 f_s^2 (n V_o - V_i)}}$$
(115)

A equação (115) permite o calculo do valor eficaz da corrente nos interruptores da ponte de entrada em MCD.

4.5.2 Esforços nos magnéticos

Em seguida, calculam-se os esforços nos elementos magnéticos, a saber, indutor e transformador. A corrente nos elementos é apresentada na figura 36.

Figura 36 – Esforços ns magnéticos em MCD



Fonte: Autoria própria

Nota-se a semelhança com a corrente nos interruptores apresentada na figura 35. As equações que descrevem essa corrente são as memas apresentadas em (113)

e, por se tratar de correntes eficazes, não se faz necessário apresentar as equações para a região negativa do gráfico, visto que o resultado será o mesmo obtido ao usar a propriedade das integrais em um intervalo simétrico. Sendo assim, a corrente eficaz nos elementos magnéticos é dada ao calcular a integral a seguir.

$$I_{EfMagMCD} = \sqrt{2f_s \left[\int_0^{t_1} \left(\frac{I_1}{\Delta t_1} t \right)^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} \left[I_1 \left(\frac{t_1 - t}{\Delta t_2} + 1 \right) \right]^2 dt} \right]$$
(116)

Resolvendo a integral, tem-se:

$$I_{EfMAgMCD} = \sqrt{\frac{D^3 n V_i^2 V_o}{12 L_k^2 f_s^2 (n V_o - V_i)}}$$
(117)

Nota-se a semelhança com o resultado obtido em (115), com o único diferencial no denominador.

4.5.3 Esforços nos semicondutores de saída

A corrente nos diodos da ponte de saída é apresentada na figura 37.

Fonte: Autoria própria

Já na figura 38 é mostrada a corrente nos transistores de saída.

Os níveis de corrente e os intervalos de tempo de funcionamento são essencialmente os mesmos para os dois casos, com a diferença que a corrente sobre os transistores tem valor negativo. Considerando apenas o semi ciclo positivo de funcionamento para os dois elementos, obtêm-se as equações (118), que descrevem a

corrente nestes componentes.

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} \frac{nI_1}{\Delta t_1}t & \text{se } 0 < t < t_1 \\ nI_1 \left[\frac{t_1 - t}{\Delta t_2} + 1\right] & \text{se } t_1 < t < t_2 \\ 0 & \text{se } t_2 < t < t_3 \end{cases}$$
(118)

Observa-se também que a única diferença entre essas equações e as equações (118) está na relação de transformação.

Para calcular os esforços, utiliza-se a integral:

$$I_{SefMCD} = \sqrt{f_s \left[\int_0^{t_1} \left(\frac{nI_1}{\Delta t_1} t \right)^2 dt + \int_{t_1}^{t_2} \left[nI_1 \left(\frac{t_1 - t}{\Delta t_2} + 1 \right) \right]^2 dt} \right]$$
(119)

A solução de (119) fornece:

$$I_{SefMCD} = \sqrt{\frac{D^3 n^3 V_i^2 V_o}{24 L_k^2 f_s^2 (n V_o - V_i)}}$$
(120)

Nota-se a semelhança também no resultado final, que é essencialmente n vezes os resultados obtidos para os elementos da ponte de entrada.

4.5.4 Parametrização dos esforços em MCD

Realiza-se também a parametrização dos esforços em MCD, a fim de apresentar resultados mais simples e compactos. Para esse processo, as equações serão manipuladas de maneira a utilizar as mesmas correntes de parametrização (21) e (22), já definidas anteriormente, para preservar o padrão adotado até aqui.

Parametrizando-se (115), tem-se:

$$\bar{I}_{SinMCD} = \sqrt{\frac{2D^3q}{3(q-1)}}$$
 (121)

Com relação à parametrização de (117), tem-se:

$$\bar{I}_{EfMAgMCD} = \sqrt{\frac{4D^3q}{3(q-1)}}$$
 (122)

Ao parametrizar a corrente dos semicondutores de saída, encontra-se o mesmo resultado apresentado em (121). A diferença é que este é parametrizado com base em (22).

5 CARACTERÍSTICA DE SAÍDA

A característica de saída de um conversor de potência é útil para entender as regiões de operação do circuito, auxiliando no projeto e na melhor compreensão de seu princípio de funcionamento. É comumente apresentada em um gráfico que relaciona as regiões de operação em MCC e MCD, traçando o limite entre elas em função da corrente desejada na saída e da razão cíclica.

Para traçar os gráficos é necessário encontrar o limiar entre MCC e MCD.

O gráfico do ganho estático em função da corrente de saída I_o pode ser traçado com base nas equações (32) e (109), contemplando tanto a operação em MCC quando em MCD.

GANHO ESTÁTICO EM MCC 5.1

Ao isolar q em (32), têm-se duas equações, a saber:

$$q_1 = \frac{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1 + (2D - 3)\sqrt{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1}}{4D^2 - 8D + 2\bar{I}_o + 4}$$
(123)

$$q_2 = \frac{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1 + (3 - 2D)\sqrt{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1}}{4D^2 - 8D + 2\bar{I}_o + 4}$$
(124)

Traçam-se as curvas para q_1 e q_2 , com D = 0.5 e apresenta-se nas figuras 39 e 40, abaixo.

Figura 39 – Ganho estático em função de I_o, eq1 MCC

Fonte: Autoria própria

Vê-se que q_1 não apresenta sentido físico para o funcionamento do conversor, pois implica em um ganho negativo, à medida que I_o cresce. Por esse motivo, adota-se a curva de q_2 para o desenvolvimento, pois esta apresenta um resultado matemático e com significado físico a respeito do conversor.

5.2 GANHO ESTÁTICO EM MCD

Uma análise similar é realizada para o conversor funcionando em MCD. Ao isolar q em (109), tem-se:

$$q = \frac{D^2 + \bar{I}_o}{\bar{I}_o} \tag{125}$$

A curva resultante dessa equação, com D = 0.5, é apresentada na figura 41.

5.3 LIMITE ENTRE MCC E MCD

Deseja-se agora encontrar o limiar entre as duas curvas, para assim ter uma única figura que descreva todo o comportamento do circuito, ou seja, a característica de saída do conversor.

Pode-se ainda interpretar a condução descontínua como um intervalo de tempo em que o conversor não processa energia, ou seja, em que a corrente que flui por L_K é zero. Sendo assim, zera-se Δt_1 , Δt_2 e Δt_4 para o conversor em MCC e,

Fonte: Autoria própria

encontram-se, respectivamente:

$$D = \frac{q-1}{q} \tag{126}$$

$$D = \frac{1-q}{2} \tag{127}$$

$$D = 1 \tag{128}$$

Ao fazer o mesmo processo para o conversor operando em MCD, e zerando Δt_1 , Δt_2 e Δt_3 , encontram-se:

$$D = 0 \tag{129}$$

$$D = 0 \tag{130}$$

$$D = \frac{q-1}{q} \tag{131}$$

Substituindo (126) em (32) e (131) em (109) tem-se:

$$\bar{I}_{o_{MCC}} = 4 \left[\frac{q-1}{q} \right] - 2 \left[\frac{q-1}{q} \right]^2 - 2 + \left(4 \left[\frac{q-1}{q} \right]^2 - 12 \left[\frac{q-1}{q} \right] + 9 \right) \left[\frac{1}{q+2} - \frac{1}{(q+2)^2} \right]$$
(132)

$$\bar{I}_{o_{MCD}} = \frac{q-1}{q^2} \tag{133}$$

Ao fazer manipulações algébricas em (132), é possível deixa-la idêntica a (133). Assim, obtém-se uma única equação em comum aos dois modos de operação.

$$\bar{I}_{o_{carac}} = \frac{q-1}{q^2} \tag{134}$$

A equação (134) representa a fronteira entre as regiões de operação em MCC e MCD.

As regiões de operação obedecem às condições apresentadas na tabela 1.

Tabela 1 – Modos de operação

Modo de operação	Condição
MCC	$\bar{I}_o \ge \frac{q-1}{a^2}$
MCD	$\bar{I}_o \le \frac{q^2 - 1}{q^2}$

Com base nisso, ajustam-se as equações (124) e (125) dentro dos limites onde elas são válidas.

$$\mathbf{i}(t) = \begin{cases} q = \frac{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1 + (3 - 2D)\sqrt{4D - 4D^2 - 4\bar{I}_o + 1}}{4D^2 - 8D + 2\bar{I}_o + 4} & \mathbf{se} \quad \bar{I}_o \ge \frac{q - 1}{q^2} \\ q = \frac{D^2 + \bar{I}_o}{\bar{I}_o} & \mathbf{se} \quad \bar{I}_o \le \frac{q - 1}{q^2} \end{cases}$$
(135)

Pode-se, então, traçar a curva de característica de saída do conversor, utilizando as equações (135). São usadas diversas razões cíclicas para plotar o gráfico, dessa forma pode-se observar melhor o comportamento do circuito para cada condição. O gráfico da característica de saída é apresentado na figura 42.

As curvas em vermelho são a região em que o conversor está em MCD, em azul, MCC, e a curva em preto corresponde ao limite entre os dois modos de operação. As grandezas dos eixos x e y estão parametrizadas, conforme o processo apresentado na seção 3.5.

Fonte: Autoria própria

Nota-se que este conversor processa a máxima potência quando D = 0.5. Razões cíclicas maiores ou menores que isso causam uma queda na corrente média de saída I_o .

A interpretação física desse gráfico é o quanto se consegue variar I_o sem que se saia da região de MCC. Sendo assim, fixa-se um ganho q no eixo y do gráfico e faz-se a excursão no eixo x, qe é I_o . Quanto maior a excursão sem tocar na curva em preto, maior é a variação de carga suportada pelo circuito sem que entre em MCD.

No gráfico observa-se que a região de MCC é reduzida para ganhos superiores a 2 e que a razão cíclica seria reduzida para ganhos menores que 1 em condições de baixa carga. Sendo assim, a escolha de um ponto de operação com q no intervalo de 1 a 2 parece prudente. Um estudo mais aprofundado sobre a característica de saída deste conversor traria resultados mais otimizados, porém um estudo desta natureza foge ao escopo do trabalho.

5.4 REPRESENTAÇÃO GRÁFICA DOS ESFORÇOS

Apresentam-se, nesta seção, os esforços desempenhados nos elementos do circuito de forma gráfica, que são de grande valia para o projeto físico no momento de selecionar os componentes a serem usados em uma eventual construção do circuito. Na figura 43 os esforços nos semicondutores e em 44, são apresentados os esforços

no indutor. Todos os gráficos apresentados aqui estão com ganho estático *q* fixo e variam a razão cíclica *D*.

Figura 43 – Representação gráfica dos esforços nos semicondutores

Fonte: Autoria própria

Figura 44 – Representação gráfica dos esforços no indutor

O gráfico da figura 45 mostra a corrente média na saída.

Nas figuras, a curva em vermelho representa a condição de MCC, enquanto que a azul tracejada, a condição de MCD.

As grandezas representadas nos gráficos estão parametrizadas. Por esse motivo, para se saber o valor absoluto das correntes eficazes é necessário utilizar os

Fonte: Autoria própria

Figura 45 – Representação gráfica da corrente média de saída

Fonte: Autoria própria

fatores multiplicativos (21) ou (22).

Nota-se que a equação dos esforços para os semicondutores de entrada e saída é a mesma, o que difere cada esforço é o uso dos fatores de parametrização. Para encontrar o valor absoluto para os transistores da entrada, utiliza-se (21), e para os elementos de saída, (22).

6 PROJETO DO CONVERSOR

Tendo levantado todas as informações relevantes sobre o funcionamento do conversor é possível agora realizar um projeto. Inicialmente, calculam-se todas as grandezas equacionadas com base na escolha dos parâmatros para o projeto e, posteriormente, comprovam-se todos os valores calculados através de simulações numéricas.

O conversor será projetado para operar em modo de condução contínua, pois dessa forma se tem o melhor aproveitamento possível da energia, além de que se consegue comutação suave por ZVS.

6.1 PARÂMETROS DE PROJETO

Para a implementação do conversor é necessário escolher alguns parâmetros de projeto. O objetivo é usar o conversor para alimentar sistemas de sonorização, a fonte de entrada será a própria rede elétrica, sendo assim, a tensão de entrada será $V_i = 180 V$, que são os 127 V_{rms} retificados. A tensão de saída é escolhida para 50 V, e a frequência de comutação 50 kHz. A potência escolhida para um braço do conversor foi 500 W, por conseqência calcula-se uma corrente de saída igual a 10 A.

Sistemas de sonorização utilizam alimentação simétrica, para poder ter excursão positiva e negativa do sinal de áudio, por isso é necessário que o conversor possua ao menos uma saída simétrica. Devido à topologia desse conversor, é possível implementar múltiplas saídas, todas ajustáveis e variáveis, conforme necessário, seja através de um indutor acoplado (transformador) com múltiplas saídas, ou múltiplos transformadores associados à ponte primária do conversor. O segundo método será utilizado para validar o funcionamento do circuito para essa situação.

Será feita a análise de resultado para uma e duas saídas, simulando uma situação de desequilíbrio e observando o impacto causado nos elementos que compõe o circuito.

Inicia-se com o caso mais simples, com apenas uma saída.

O ganho estático é escolhido a partir da figura 42 como sendo q = 1,5, pois possibilita uma boa faixa de variação da carga garandindo a operação do conversor

na região desejada.

Escolhe-se a razão cíclica D = 0.45. Dessa forma, tem-se uma margem superior e inferior, dando espaço para a atuação da ação de controle.

Calcula-se a relação de transformação n a partir de (20).

$$n = \frac{qV_i}{V_o}$$
(136)

$$n = \frac{1.3 \cdot 180}{50} \tag{137}$$

$$n = 5,4$$
 (138)

O indutor L_k é calculado a partir de (33).

$$L_{k} = \frac{nV_{i}}{4f_{s}I_{o}} \left[4D - 2D^{2} - 2 + (4D^{2} - 12D + 9) \left[\frac{1}{q+2} - \frac{1}{(q+2)^{2}} \right] \right]$$
(139)
$$L_{k} = 143,37\mu H$$
(140)

$$L_k = 143,37\mu H$$
 (140)

Calcula-se também o capacitor de saída para uma ondulação de tensão de 0.5% de V_o , o que resulta em $\Delta_{V_c} = 250mV$ com base na equação (44).

$$C_{out} = \frac{I_L}{2nf_s \Delta_{V_c}} \frac{\left(n(q^2 - 1 + 2D(1+q)) + I_L L_k f_s \left[\frac{2+q}{V_i}\right]\right)}{2 + 3q + q^2}$$
(141)

$$C_{out} = 171.8\mu F$$
 (142)

Por se tratar de um valor da capacitância não comercial, opta-se por usar um capacitor de $220\mu F$, que resulta em uma ondulação de tensão igual a 0,39%, ou ainda 195mV.

Os valores calculados para o conversor são listados na tabela 2.

6.1.1 Resultados numéricos

As correntes I_1 , I_2 , nI_1 e nI_2 , os intervalos de tempo de Δ_{t1} a Δ_{t4} , corrente média de saída e esforços de corrente em cada elemento para o conversor operando em MCC são listados na tabela 3. Esses valores foram obtidos através das equações levantadas ao longo do trabalho e utilizando uma planilha de cálculos para automatizar o processo.

Tabela 2 – Parâmetros de projeto

Referência	Valor
V_i	180 V
V_o	50 V
P_o	500 W
I_o	10 A
L_k	143,37 μH
C_o	$220 \ \mu F$
n	5,4
q	1,5
f_s	$50 \ kHz$
D	0,45

Tabela 3 – Valores calculados

Referência	Valor
I_1	$5,022 \ A$
I_2	$1,569 \ A$
nI_1	27,119 A
nI_2	$8,475 \ A$
I_o	10 A
Δ_{t1}	$0,5 \ \mu s$
Δ_{t2}	$4 \ \mu s$
Δ_{t4}	$5,5~\mu s$
t_0	0s
t_1	$0,5~\mu s$
t_2	$4,5 \ \mu s$
t_4	$10 \ \mu s$
$I_{ef_{S1}}$	2,228 A
$I_{ef_{S2}}$	2,228 A
$I_{ef_{S3}}$	2,228 A
$I_{ef_{S4}}$	2,228 A
$I_{ef_{L_h}}$	$3,15 \ A$
$I_{ef_{S5}}$	12,029 A
I_{efs6}	12,029 A
$I_{ef_{D5}}$	12,029 A
$I_{ef_{D7}}$	12,029 A

6.1.2 Resultados de simulação

Para atestar o funcionamento do conversor serão apresenados os resultados de três simulações, cada uma considerando uma situação distinta para qual o circuito será submetido.

Na primeira situação, será simulado um circuito com saída simples, em condições ideais, isto é, a carga na saída será aquela calculada para a potência nominal do conversor e a defasagem entre os pulsos de comando será mantido constante para assegurar a razão cíclica efetiva conforme calculado. Devido ao circuito estar sendo simulado em malha aberta, esses valores tem que se manter constantes. Assim é pos-
sível ter uma boa base de teste para a operação estática do circuito. As correntes e tensões nos elementos serão medidas para comparação com os resultados teóricos.

A segunda simulação será feita com duas saídas em equilíbrio e processando potência nominal. Assim como no caso anterior, apenas para análise do comportamento estático. Apenas as medições mais importantes serão apresentadas.

No terceiro caso será simulada uma situação em que o conversor é dotado de duas saídas, prorém com a simulação de cargas em desequilíbrio, ou seja, níveis de tensão diferentes em cada uma das saídas. Isso será feito para comprovar que esse circuito é capaz de operar com as saídas em desequilíbrio. Novamente, apenas as medições mais importantes serão apresentadas.

Todas as simulações serão feitas utilizando o software Psim.

6.1.2.1 Primeira simulação

A figura 46 apresenta o circuito montado no *software* para simulação, que foi feita com um passo de cálculo de 10 ns, simulado durante 30 ms. O passo de cálculo é 2000 vezes menor que T_s , o que garante boa precisão no resultado.



Figura 46 – Esquemático de simulação

Fonte: Autoria própria

Para calcular o ângulo α entre os pulsos da entrada e da saída utiliza-se a

equação (143).

$$\alpha = D \cdot 180 \tag{143}$$

Pela topologia do conversor, os pulsos nos interruptores de entrada devem estar defasados de 180°. Por isso os pulsos em S_1 e S_4 iniciam em 0° e vão até 180°, por consequência, S_2 e S_3 vão de 180° a 360°.

Com base na razão cíclica desejada de D = 0,45, calcula-se o âgulo de defasagem entre S_4 e S_6 usando (143), resultando em $\alpha = 81^{\circ}$. Os pulsos nos interruptores do secundário também devem estar espaçados de 180° . Sendo assim o pulso em S_6 fica ativo até 261° , e por consequência o pulso em S_5 fica ativo de 261° a 441° .

A tabela 4 abaixo realaciona os pulsos de comando utilizados para a simulação.

Interruptor	Ângulo inicial	Ângulo final
S_1	00	180°
S_2	180°	360^{o}
S_3	180°	180^{o}
S_4	00	180^{o}
S_5	81°	261^{o}
S_6	261^{o}	441°

Tabela 4 – Pulsos de comando, primeiro caso

As figuras 47 e 48 mostram, respectivamente, a corrente no indutor e no secundário do transformador. Algumas medidas foram realizadas com o *software* afim de comprovar os valores de corrente e os intervalos de tempo.

Os resultados de simulação também são úteis para comprovar as formas de onda da corrente nos elementos.

As coordenadas entre colchetes nas imagens fazem refêrencia a tempo e corrente. A tabela 5 relaciona os resultados de simulação.

Tabela 5 – Resultados de simulação, co	orrentes e intervalos de tempo
--	--------------------------------

Referência	Valor
$I_{1_{sim}}$	$5,02192 \ A$
$I_{2_{sim}}$	$1,50182 \ A$
$nI_{1_{sim}}$	27,1184 A
$nI_{2_{sim}}$	8,27947 A
$\Delta_{t1_{sim}}$	$0,5~\mu s$
$\Delta_{t2_{sim}}$	$4 \ \mu s$
$\Delta_{t4_{sim}}$	$5{,}5~\mu s$



Fonte: Autoria própria





Fonte: Autoria própria

E na figura 49, são mostrados os esforços sobre os principais elementos que compõem o circuito. A medição foi feita utilizando a ferramenta de valor eficaz disponível no Psim.

Na figura 50 verificam-se os valores eficazes calculados pelo *software*, e em seguida, os mesmos são listados na tabela 6.

É apresentada na figura 51 a corrente de saída do conversor. Dessa figura também calcula-se a corrente média, utilizando a ferramenta disponível para este fim.

Na figura 52 é apresentada a corrente média calculada pelo *software* sobre a curva apresentada em 51. É importante salientar que a simulação foi realizada usando



Figura 49 – Esforços nos elementos, simulação

Fonte: Autoria própria

Figura 50 – Medição dos esforços nos elementos, simulação

RMS Value	×	
Time From	1.3589970e-002	
Time To	3.8267580e-002	
ILk .	3.1522087e+000	
IS1	2.2288986e+000	
ID5	1.2035988e+001	
IS5	1.2036629e+001	

Fonte: Autoria própria

uma carga de 5 Ω , calculada para drenar a potência especificada para o circuito. Isso e o número de ciclos apresentados na tela da simulação fazem com que o resultado do cálculo não seja precisamente 10 A, assim como para as demais medições realizadas. Entretanto, este método apresenta resultados muito próximos aos calculados. Além do mais, deve-se levar em consideração que o conversor físico pode apresentar ainda

Referência	Valor
$I_{ef_{S1}}$	2,22809 A
$I_{ef_{S2}}$	2,22809 A
$I_{ef_{S3}}$	2,22809 A
$I_{ef_{S4}}$	2,22809 A
$I_{ef_{L_h}}$	3,15068 A
$I_{ef_{S5}}$	12,02930 A
$I_{ef_{S6}}$	12,02930 A
$I_{ef_{D5}}$	12,0316 A
$I_{ef_{D7}}$	12,0316 A





mais perdas devido às não idealidades dos componentes, sendo necessário atuar sobre a razão cíclica, no caso o ângulo de defasagem entre os pulsos de entrada e saída, a fim de corrigir a corrente na saída.

A seguir, apresentam-se na figura 53 a tensão e a corrente na carga, já considerando a ação de filtragem do capacitor C_o .

Observa-se aqui a tensão de 50 V e a corrente de 10 A, após passarem pelo filtro capacitivo, obedecendo aos cálculos realizados.



Figura 52 – Medição da corrente de saída em saída simples







Nas figuras 54 e 55, apresenta-se em detalhe a tensão e a corrente de saída, afim de mostrar a ondulação de tensão calculada para o capacitor. São mostradas também nas figuras 56 e 57 as medições tiradas sobre esses gráficos.

A ondulação de tensão é de 195,936 mV, bastante próximo ao valor calculado, e a de corrente 39,316 mA. Considerando as grandezas projetadas para a saída,



tem-se uma ondulação de 0,393%, conforme calculado anteriormente. A ondulação de corrente irá seguir a de tensão no caso de carga resistiva. Por esse motivo a porcentagem de ondulação é a mesma para ambas as grandezas.

Com base nos resultados apresentados fica validado o modelo matemático do conversor. Os valores tanto matemáticos como de simulação são coerentes, mostrando que o circuito funciona, habilitando-o para uma possível implementação prática.

Em seguida, apresentam-se o resultados de simulação referentes à comutação suave. Para obter resultados mais aproximados aos reais, uma simulação utilizando o *software* Orcad foi realizada. A figura 58 apresenta o circuito simulado. Os parâmetros utilizados para a simulação são os mesmos definidos para projetos. Utilizouse o MOSFET IRF640 e o diodo MUR820.

Na figura 59 é mostrado o pulso de comando nos interruptores S_1 e S_4 , em vermelho, a tensão sobre os elementos no momento da comutação em verde, e a corrente nos elementos em azul.



Fonte: Autoria própria





Nota-se que há corrente sobre o interruptor no momento da comutação, porém a tensão é zero, ou muito próximo disso. Por esse motivo as perdas de comutação são mínimas. Buscou-se aproximar esse resultado um pouco mais de uma situação real utilizando-se o Orcad. Este *software* considera modelos reais dos componentes, mas ainda assim podem haver diferenças de uma situação real devido a uma série de outros fatores, como características construtivas, design de placas, temperatura, etc. No entando os resultados obtidos são um forte indício de que os interruptores são acionados em situação de ZVS.

O que caracteriza a comutação suave sob tensão nula (ZVS) é o fato de, no momento em que o pulso que aciona o *gate* do MOSFET, a tensão V_{DS} sobre o elemento é zero. Dessa forma, por mais que haja corrente fluindo por ele, a tensão sobre o mesmo será zero, caracterizando idealmente uma perda nula em sua entrada em condução.

Sabe-se que isso não é totalmente verdade, pois há tensão residual na entrada em condução, o que acaba por gerar as perdas na comutação. Mas essa técnica reduz consideravelmente a dissipação de potência nos interruptores, o que tende a tornar o rendimento do conversor mais elevado.

O mesmo efeito pode ser observado para os interruptores da ponte de saída, na figura 60.



Figura 60 – Comutação suave no interruptor S_6

6.1.2.2 Segunda simulação

Em seguida, a simulação do circuito operando com 2 braços na saída é realizada. Esta é a topologia a ser usada para uma aplicação real do conversor. Inicialmente é feita a simulação do circuito operando com as cargas em equilíbrio.

O esquemático de simulação do circuito no *software* PSIM é apresentado na figura 61.

Espera-se o dobro de esforço sobre os elementos da ponte de entrada, pois estes estão processando a energia entregue para os dois braços de saída.

A figura 62 mostra a corrente sobre os elementos da ponte de entrada.

Na figura 63 é possível ver a medição da corrente eficaz sobre os semicondutores, que é praticamente o dobro do caso com saída simples.



Figura 61 – Circuito Esquemático de simulação com dois braços de saída

Fonte: Autoria própria

Sobre os indutores L_{k1} e L_{k2} a corrente será a mesma que em L_k no caso de apenas um braço na saída, visto que se dividirá entre os dois braços de saída. A divisão da corrente na prática não é ideal, devido às particularidades de cada indutor, transformador e elementos na ponte de saída, mas é uma boa aproximação para efeitos de simulação e projeto.

A corrente em cada um dos indutores é mostrada na figura 64.

Na figura 65 se observa a medição da corrente de pico, que é a mesma para os dois indutores, como previsto. A corrente eficaz é a mesma calculada para o caso com uma saída apenas.

Como se observa, as correntes têm mesma amplitude. Esta característica tam-



Fonte: Autoria própria





Fonte: Autoria própria

bém é verificada nos elementos da ponte de saída, conforme apresentado na figura 66.

Em azul, observa-se a corrente nos diodos e, em vermelho, nos transistores.

A figura 67 mostra a medição da corrente de pico nesses componentes.



Figura 64 - Corrente sobre dois indutores, circito com das saídas

Fonte: Autoria própria

Nesse caso, os únicos componentes sujeitos a maiores esforços são os transistores da ponte de entrada, que devem ser dimensionados para suportar maiores correntes.

Tensão e corrente nas cargas em ambas as saídas são apresentadas na figura



Figura 65 – Medição da corrente sobre dois indutores, circito com duas saídas



Figura 66 – Corrente sobre elementos da ponte de saída, cicuito com duas saídas



68.

Em seguida, na figura 69, são mostradas as tensões V_{GS2} e V_{DS2} , bem como a corrente I_S2 , em 70 V_{GS5} , V_{DS5} e I_S5 e em 71, V_{GS5} , V_{DS5} e I_S5 , evidenciando a comutação suave para os interruptores na situação do conversor operando com duas saídas. Esta simulacao também foi realizada no *software* Orcad, para melhores resultados. O circuito montado para simulação é composto por duas saídas idênticas, assim como acontece na figura 61.

As curvas em verde apresentam a tensão V_{DS} sobre os interruptores, as curvas vermelhas, V_{GS} , e em azul a corrente sobre cada interruptor. Em 69, V_{GS} e I_S estão multiplicadas por um fator apenas para melhor visualização dos resultados, não se trada de valores reais de tensão e correte.

Com isso, é visto que se consegue comutação suave em todas os interruptores também para um circuito com duas saídas, operando em MCC e com carga nominal.

Time	4.7645000e-003
IS5	2.7118392e+001
ID5	2.7118358e+001
IS7	2.7118392e+001
ID9	2.7118357e+001

Figura 67 – Medição da corrente sobre elementos da ponte de saída, cicuito com duas saídas

Fonte: Autoria própria

Com isso, fica atestado também o funcionamento do circuito com duas saídas e em MCC com carga nominal. Este circuito processa uma potência total de 1 kW igualmente dividida entre os dois braços de saída.

6.1.2.3 Terceira simulação

O objetivo desta última simulação é mostrar o conversor operando com cargas desbalanceadas, ou seja, com tensões diferentes em cada uma de suas saídas. Com isso espera-se demonstrar que o circuito pode implementar um barramento com diferentes níveis de tensão.

Deve-se ter em mente que essa simulação será feita apenas mudando o valor da carga, a defasagem entre os pulsos de comando das saídas e da entrada é mantida, bem como os valores da indutância L_k . Por não ter ação de controle, a variação da carga acarreta no incremento ou diminuição da tensão de saída. No caso de um circuito com malha de controle, os níveis de tensão de saída também podem ser variados a partir da modulação dos pulsos.

O esquemático utilizado para a simulação é apresentado na figura 72.

A carga do braço inferior foi aumentada de 5 Ω para 8 Ω , sendo suficiente para variar a tensão na saída.



Figura 68 – Tensão e corrente nas saídas, circuito com duas saídas

Fonte: Autoria própria

A seguir, observam-se os esforços exercidos pelos semicondutores na ponte de entrada do circuito. A figura 73 mostra a corrente que percorre S_1 e S_4 . Em 74 as medições realizadas sobre os elementos.

Observa-se que apesar do desbalanceamento entre as cargas, o conversor continuou operando. Nota-se um aumento na corrente eficaz sobre esses elementos quando comparado ao caso com duas saídas e cargas balanceadas. No caso da segunda simulaçãço, foram medidos 4,410 *A*, contra os 4,465 *A* desta simulação. Esse aumento se deve ao desequilíbrio entre as cargas, a maior tensão em uma das saídas acarreta no aumento da corrente no primário.

Na figura 75, são apresentadas as correntes nos indutores, e na figura 76 os esforços desempenhados por esses elementos.

Os esforços desempenhados pelo indutor da segunda saída são mais elevados, uma grande variação ou um valor de tensão muito elevado em uma das saídas pode tornar necessário o projeto de um novo indutor.

Em seguida apresenta-se na fugura 77 a corrente nos semicondutores de



Figura 70 – Comutação suave nos transistores da saída 1, circuito com duas saídas



saída, e na figura 78, os valores eficazes dessas correntes.

Observa-se também um incremento na corrente eficaz entre as saídas, evidenciando maiores esforços para os elementos de saída à medida que desbalanceamento entre cargas aumenta.

Em seguida, nas figuras de 79 a 81, são mostradas as tensões V_{GS} e V_{DS} sobre todos os transistores, e também a corrente I_S . A simulação também foi realizada com o uso do Orcad para validação dos resultados.

Observa-se que mesmo com desbalanceamendo de carga o circuito ainda é capaz de operar com comutação suave, ao menos na situação sob estudo, uma maior variação de carga pode causar a perda de ZVS em algum dos transistores.



Figura 71 – Comutação suave nos transistores da saída 2, circuito com duas saídas

Por fim apresenta-se na figura 82 a corrente e a tensão em cada uma das saídas e, na figura 83 a medição dessas grandezas. A medição foi tomada em um ponto de regime permanente e ambas medidas são tomadas após o filtro capacitivo.

Nota-se que à medida que a tensão de saída aumenta, a corrente diminui, pois nenhuma ação de controle foi efetuada para fazer correções.

Pelos resultados obtidos dessa simulação, pode-se concluir que o conversor é capaz de operar em diversas situações, com saída simples e simétrica, alimentando tanto cargas desbalanceadas como balanceadas. Também sugere que é possível fazer o projeto dos dois barramentos de saída para operar com níveis de tensão distintos, contanto que os elementos sejam adequadamente dimensionados para operar em tal situação.



Fonte: Autoria Própria

8

Fonte: Autoria Própria

	Figura 76 –	Corrente eficaz n tores, cargas des adas	ios indu- sbalance-
	RMS Value	x	
lutores,	Time From Time To	1.5386650e-003 2.9760050e-003	
adas	ILk1	3.1430658e+000	_
	ILK2	3.2340013e+000	
0.00216			



Fonte: Autoria Própria

Fonte: Autoria Própria

Figura 78 – Corrente eficaz nos semicondutores de saída, cargas desbalanceadas



RMS Value	x
Time From	1.5193100e-003
Time To	2.9897000e-003
ID5	1.2038657e+001
IS6	1.1987906e+001
ID9	1.2381227e+001
IS8	1.2334924e+001
1	
-	

Fonte: Autoria Própria

Fonte: Autoria Própria







Figura 80 – Comutação suave nos interruptores da saída 1, cargas desbalanceadas

Fonte: Autoria própria

Figura 81 – Comutação suave nos interruptores da saída 2, cargas desbalanceadas







Figura 83 – Medição da tensão e da corrente de saída, cargas desbalanceadas

×
4.600000e-003
5.0059835e+001
1.0011967e+001
6.2367623e+001
7.7959529e+000

Fonte: Autoria Própria

Fonte: Autoria Própria

7 CONCLUSÃO

O conversor CC-CC FB-PS-ZVS estudado permitiu a geração de uma saída de tensão simétrica com \pm 50 V com potência total de 1 kW, modulado por PWM e utilizando a técnica de *phase shift* para o controle do fluxo de potência e do nível de tensão de saída.

Obervou-se a comutação suave por ZVS nos interruptores para o modo de condução contínua e também a capacidade do conversor de operar com cargas desequilibradas, tendo mais de uma saída com tensões diferentes, uma vez que cada saída é controlada individualmente. Uma das particularidades observadas nesse conversor é que seu ganho estático máximo se dá com D = 0.5, e que qualquer valor superior ou inferior a esse reflete em uma diminuição no processamento de energia.

Conclui-se, com base na análise matemática e nas simulações numéricas, que o conversor estudado pode ser realizado. O método utilizado para o equacionamento e descrição do circuito são eficientes e suficientemente detalhados para a construção de um conversor para operar em malha aberta e alimentar cargas resistivas.

As características do conversor permitem que se tenha mais de um braço de saída, cada um controlado individualmente permitindo diferentes níveis de tensão em suas saídas.

O conversor estudado mostra-se uma possível solução para alimentar os circuitos e sistemas citados ao longo do texto, como as microrredes CC bipolares, estágios de entrada de inversores de três níveis e circuitos amplificadores de sinal, como o amplificador de áudio classe D.

Para uma possível aplicação para microrredes bipolares, o conversor pode ser ajustado para os níveis de tensão adequados, permitindo o correto funcionamento dos mais diversos tipos de periféricos.

Propõe-se, para trabalhos futuros, a implementação e construção do conversor, com saída simples e dupla, a modelagem dinâmica do comportamento do circuito e o projeto de um controlador que garanta estabilidade nas saídas.

REFERÊNCIAS

ANEEL, AGÊNCIA NACIONAL DE ENERGIA ELÉTRICA. **RESOLUÇÃO NORMATIVA Nº 687, DE 24 DE NOVEMBRO DE 2015**. 2015. Citado na página 20.

BARBI, Fabiana Pöttker de Souza Ivo. **CONVERSORES CC-CC ISOLADOS DE ALTA FREQUÊNCIA COM COMUTAÇÃO SUAVE**. Florianópolis - SC: Edição dos autores, 1999. Citado na página 17.

BARBI, Ivo. **ELETRÔNICA DE POTÊNCIA**. Florianópolis - SC: Edição do Autor, 2006. Nenhuma citação no texto.

BúRGIO, Lucas Rocha. ESTUDO DE UM SISTEMA PARA CONEXÃO DE AEROGERADORES DE PEQUENO PORTE COM A REDE ELÉTRICA. 2016. Citado 3 vezes nas páginas 19, 20 e 22.

EPE. **Anuário Estatístico de Energia Elétrica 2018**. 2018. Disponível em: http://www.epe.gov.br. Citado 2 vezes nas páginas 14 e 15.

FIGUEIRó, André Abido. **PROJETO DE CONVERSOR CC/CC PARA APLICAÇÕES AUTOMOBILÍSTICAS**. 2013. Nenhuma citação no texto.

FILHO, José Ricardo Honório Fernandes. Estudo de um Conversor CA–CC na Conexão de uma Micro-rede CC a uma Rede CA. 2018. Nenhuma citação no texto.

HELDWEIN, MARCELO LOBO. **MICROREDES EM CORRENTE CONTÍNUA: QUALIDADE DE FORNECIMENTO E EFICIÊNCIA EM FUTURAS REDES DE DISTRIBUIÇÃO**. 2009. Citado 2 vezes nas páginas 21 e 22.

Kakigano, H. et al. **An analysis method of a DC microgrid using hardware-in-the-loop simulation**. 2012. Citado na página 20.

Lasseter, R. H. MicroGrids. 2002. Citado na página 21.

MARTINS, Moisés Soares. Gerenciamento do fluxo de energia em microrredes de corrente contínua e análises em ambiente simulado. 2018. Nenhuma citação no texto.

MOIA, JOABEL. **SISTEMA DE CONVERSÃO ESTÁTICA CA-CC BIDIRECIONAL APLICADO À MICRORREDES CC BIPOLARES**. 2016. Citado 2 vezes nas páginas 21 e 23.

Nabae, A.; Takahashi, I.; Akagi, H. A new neutral-point-clamped pwm inverter. **IEEE Transactions on Industry Applications**, IA-17, n. 5, Sep. 1981. Citado 2 vezes nas páginas 23 e 24.

OLIVEIRA, Thiago De; DONOSO-GARCIA, P.F. **Perspectives for DC distribution adoption in Brazil**. 2015. Citado na página 14.

PADILHA, Felipe José da Costa. IMPLEMENTAÇÃO DE UM INVERSOR NPC COM ÊNFASE NO CIRCUITO DE ACIONAMENTO E CONTROLE DE EQUALIZAÇÃO. 2006. Nenhuma citação no texto.

SILVA LEANDRO DOS S. MARTINS, João Batista Vieira Júnior Ernane A. A. Coelho Luiz Carlos de Freitas Fabio V. R. da. Amplificador classe d para subwoofer. **Revista Controle Automação**, v. 20, n. 4, 2009. Citado na página 25.

TAHIM, ANDRÉ PIRES NÓBREGA. **CONTROLE DE MICRORREDES DE DISTRIBUIÇÃO DE ENERGIA ELÉTRICA EM CORRENTE CONTÍNUA**. 2015. Nenhuma citação no texto.

ZHANG FAN ZHANG, Xiaogao Xie Dezhi Jiao Junming; QIAN, Zhaoming. A novel zvs dc/dc converter for high power applications. **IEEE TRANSACTIONS ON POWER ELECTRONICS**, v. 19, n. 2, mar. 2004. Citado 2 vezes nas páginas 18 e 27.